

Compilerbau Vorlesung Wintersemester 2008

Johannes Waldmann, HTWK Leipzig

12. Oktober 2010

Beispiel

Eingabe (\approx Java):

```
{ int i;
  float prod;
  float [20] a;
  float [20] b;
  prod = 0;
  i = 1;
  do {
    prod = prod
      + a[i]*b[i];
    i = i+1;
  } while (i <= 20);
}
```

Ausgabe
(Drei-Adress-Code):

```
L1: prod = 0
L3: i = 1
L4: t1 = i * 8
    t2 = a [ t1 ]
    t3 = i * 8
    t4 = b [ t3 ]
    t5 = t2 * t4
    prod = prod + t5
L6: i = i + 1
L5: if i <= 20 goto L4
L2:
```

Inhalt

- ▶ Motivation, Hintergründe
- ▶ lexikalische und syntaktische Analyse (Kombinator-Parser)
- ▶ syntaxgesteuerte Übersetzung (Attributgrammatiken)
- ▶ Code-Erzeugung (+ Optimierungen)
- ▶ statische Typsysteme
- ▶ Laufzeitumgebungen

Sprachverarbeitung

- ▶ mit Compiler:
 - ▶ Quellprogramm → Compiler → Zielprogramm
 - ▶ Eingaben → Zielprogramm → Ausgaben
- ▶ mit Interpreter:
 - ▶ Quellprogramm, Eingaben → Interpreter → Ausgaben
- ▶ Mischform:
 - ▶ Quellprogramm → Compiler → Zwischenprogramm
 - ▶ Zwischenprogramm, Eingaben → virtuelle Maschine → Ausgaben

Compiler und andere Werkzeuge

- ▶ Quellprogramm
- ▶ Präprozessor → modifiziertes Quellprogramm
- ▶ Compiler → Assemblerprogramm
- ▶ Assembler → verschieblicher Maschinencode
- ▶ Linker, Bibliotheken → ausführbares Maschinenprogramm

Phasen eines Compilers

- ▶ Zeichenstrom
- ▶ lexikalische Analyse → Tokenstrom
- ▶ syntaktische Analyse → Syntaxbaum
- ▶ semantische Analyse → annotierter Syntaxbaum
- ▶ Zwischencode-Erzeugung → Zwischencode
- ▶ maschinenunabhängige Optimierungen → Zwischencode
- ▶ Zielcode-Erzeugung → Zielcode
- ▶ maschinenabhängige Optimierungen → Zielcode

Methoden und Modelle

- ▶ lexikalische Analyse: reguläre Ausdrücke, endliche Automaten
- ▶ syntaktische Analyse: kontextfreie Grammatiken, Kellerautomaten
- ▶ semantische Analyse: Attributgrammatiken
- ▶ Code-Erzeugung: bei Registerzuordnung: Graphenfärbung

Anwendungen von Techniken des Compilerbaus

- ▶ Implementierung höherer Programmiersprachen
- ▶ architekturspezifische Optimierungen (Parallelisierung, Speicherhierarchien)
- ▶ Entwurf neuer Architekturen (RISC, spezielle Hardware)
- ▶ Programm-Übersetzungen (Binär-Übersetzer, Hardwaresynthese, Datenbankanfragesprachen)
- ▶ Software-Werkzeuge

Literatur

- ▶ Franklyn Turbak, David Gifford, Mark Sheldon: *Design Concepts in Programming Languages*, MIT Press, 2008.
<http://cs.wellesley.edu/~fturbak/>
- ▶ Guy Steele, Gerald Sussman: *Lambda: The Ultimate Imperative*, MIT AI Lab Memo AIM-353, 1976
(the original 'lambda papers',
<http://library.readscheme.org/page1.html>)
- ▶ Alfred V. Aho, Monica S. Lam, Ravi Sethi and Jeffrey D. Ullman: *Compilers: Principles, Techniques, and Tools (2nd edition)* Addison-Wesley, 2007,
<http://dragonbook.stanford.edu/>

Organisation

- ▶ pro Woche eine Vorlesung, eine Übung.
- ▶ Prüfungszulassung:
 - ▶ Hausaufgaben (klein),
 - ▶ Projekt (mittelklein)
- ▶ Prüfung: Projektverteidigung
(enthält auch Compilerbau-Fragen außerhalb des Projektes)

Projekt-Themen

- ▶ Erkennen von Codeverdopplungen, Extrahieren von Mustern, Erkennen der Anwendbarkeit von Mustern
- ▶ Refactorings als Eclipsefp-Plugin
<http://eclipsefp.sourceforge.net/>
- ▶ Erweiterung der autotool-Aufgabe zu Java-Methodenaufrufen
<https://autotool.imn.htwk-leipzig.de/cgi-bin/Trial.cgi?topic=TypeCheck-Quiz> (static → nonstatic, generic)
- ▶ SQL-Syntaxbäume (Query-Objekte)

Datentyp für Parser

```
data Parser c a =  
    Parser ( [c] -> [ (a, [c]) ] )
```

- ▶ über Eingabestrom von Zeichen (Token) c ,
- ▶ mit Resultattyp a ,
- ▶ nichtdeterministisch (List).

Beispiel-Parser, Aufrufen mit:

```
parse :: Parser c a -> [c] -> [(a, [c])]  
parse (Parser f) w = f w
```

Elementare Parser (I)

```
-- | das nächste Token
next :: Parser c c
next = Parser $ \ toks -> case toks of
  [] -> []
  ( t : ts ) -> [ ( t, ts ) ]
-- | das Ende des Tokenstroms
eof :: Parser c ()
eof = Parser $ \ toks -> case toks of
  [] -> [ ( (), [] ) ]
  _ -> []
-- | niemals erfolgreich
reject :: Parser c a
reject = Parser $ \ toks -> []
```

Monadisches Verketteten von Parsern

```
instance Monad ( Parser c ) where
  return x = Parser $ \ s ->
    return ( x, s )
  Parser f >>= g = Parser $ \ s -> do
    ( a, t ) <- f s
    let Parser h = g a
    h t
```

beachte: das *return/do* gehört zur List-Monade

```
p :: Parser c (c,c)
p = do x <- next ; y <- next ; return (x,y)
```

Elementare Parser (II)

```
satisfy :: ( c -> Bool ) -> Parser c c
satisfy p = do
  x <- next
  if p x then return x else reject
```

```
expect :: Eq c => c -> Parser c c
expect c = satisfy ( == c )
```

```
ziffer :: Parser Char Integer
ziffer = do
  c <- satisfy Data.Char.isDigit
  return $ fromIntegral
         $ fromEnum c - fromEnum '0'
```

Kombinatoren für Parser (I)

- ▶ Folge (and then) (ist $\gg=$ aus der Monade)
- ▶ Auswahl (or)

```
( <|> ) :: Parser c a -> Parser c a -> Parser c a
Parser f <|> Parser g = Parser $ \ s -> f s ++ g s
```

- ▶ Wiederholung (beliebig viele)

```
many, many1 :: Parser c a -> Parser c [a]
many p = many1 p <|> return []
many1 p = do x <- p; xs <- many p; return $ x : xs
```

```
zahl :: Parser Char Integer = do
  zs <- many1 ziffer
  return $ foldl ( \ a z -> 10*a+z ) 0 zs
```

Kombinator-Parser und Grammatiken

Grammatik mit Regeln $S \rightarrow aSbS, S \rightarrow \epsilon$ entspricht

```
s :: Parser Char ()
s = do { expect 'a' ; s ; expect 'b' ; s }
      <|> return ()
```

Anwendung: `exec "abab" $ do s ; eof`

Parser für (geschachtelte) Listen

konkrete Syntax:

```
(foo (bar baz ()) 1234)
```

abstrakte Syntax:

```
data Expression
  = Identifier String
  | List [ Expression ]
```

- ▶ **parse:** String -> Expression
- ▶ **print:** Expression -> String
- ▶ **pretty-print:** Expression -> Doc

Robuste Parser-Bibliotheken

Designfragen:

- ▶ Nichtdeterminismus einschränken
- ▶ Fehlermeldungen (Quelltextposition)

Beispiel: Parsec (Autor: Daan Leijen)

<http://www.haskell.org/haskellwiki/Parsec>

Übungen:

- ▶ parsec-Parser aufrufen
- ▶ parsec-Parser selbst schreiben (elementare, Kombinatoren)
- ▶ buildExpressionParser

Pretty-Printing (I)

John Hughes's and Simon Peyton Jones's Pretty Printer
Combinators

Based on *The Design of a Pretty-printing Library in Advanced
Functional Programming*, Johan Jeuring and Erik Meijer (eds),
LNCS 925

[http://hackage.haskell.org/packages/archive/pretty/
1.0.1.0/doc/html/Text-PrettyPrint-HughesPJ.html](http://hackage.haskell.org/packages/archive/pretty/1.0.1.0/doc/html/Text-PrettyPrint-HughesPJ.html)

Pretty-Printing (II)

- ▶ `data Doc` **abstrakter Dokumententyp**, repräsentiert Textblöcke

- ▶ **Konstruktoren:**

```
text :: String -> Doc
```

- ▶ **Kombinatoren:**

```
vcat          :: [ Doc ] -> Doc -- vertikal
```

```
hcat, hsep    :: [ Doc ] -> Doc -- horizontal
```

- ▶ **Ausgabe:** `render :: Doc -> String`

Motivation (I)

- ▶ wollen uns in (diesem) Compilerbau nicht mit *konkreter Syntax* beschäftigen,
(ist zwar ein klassisches Gebiet: kontextfreie Grammatiken, Kellerautomaten, LL/LR-Parser usw., aber leider haben wir keine Zeit—und mit Parsec kommt man schon sehr sehr weit)
- ▶ sondern mit *Semantik* (Interpretation, Kompilation) dazu muß nur die abstrakte Syntax möglichst einfach und systematisch repräsentiert werden.

Motivation (II)

Datenaustausch

- ▶ in einem Programm: Objekte der Programmiersprache (Graphen, Bäume)
- ▶ zwischen Programmen gleicher Sprache: binäre Serialisierung
- ▶ zwischen Programmen verschiedener Sprachen: textuelle, sprachunabhängige Serialisierung

Ziel: Anwendungs- und sprachunabhängige konkrete Syntax.

Varianten

- ▶ 199?: XML(-RPC)
- ▶ 200?: JSON
- ▶ 196?: LISP

die konkrete Syntax von LISP (für Daten *und* Programme) löst das Problem bereits so gut wie möglich

vgl. Phil Wadler: *The Essence of XML* (slides of 2002 POPL talk) <http://homepages.inf.ed.ac.uk/wadler/topics/xml.html>

JSON

`http://json.org/`

Java Script Object Notation

value →

- ▶ string, number, (true, false, null)
- ▶ object { foo = value1, bar = value2 }
- ▶ array [value1, value2, value3]

Zweistufige Syntax

(für die Beispielsprachen aus dem Compilerbau, wie im Buch Design Concepts of Programming Languages)

- ▶ konkret: String
- ▶ konkret abstrakt: LISP, S(ymbolic) Exp(ressions)
- ▶ abstrakt: anwendungsspezifisch

Transformationen:

- ▶ String \leftrightarrow Sexp:
Typklassen `Autolib.Reader/ToDoc`
- ▶ Sexp \leftrightarrow abstrakt:
Typklassen `DCPL.Input/Output`

Beispiele

- ▶ in verschiedenen Prog.-Sprachen gibt es verschiedene Formen von Unterprogrammen:
Prozedur, sog. Funktion, Methode, Operator, Delegate, anonymes Unterprogramm
- ▶ allgemeinstes Modell: Kalkül der anonymen Funktionen (Lambda-Kalkül), Syntax besteht aus:
 - ▶ Variablen x, y, \dots
 - ▶ Applikationen $xx, (\lambda x.xx)y$
 - ▶ Abstraktionen $\lambda x.xx, \lambda x.(\lambda y.x)$

Konkrete Abstrakte Syntax

abstrakt:

```
data Exp = I S.Id -- Bezeichner (Variable)
  | Abstraction
      { formal :: S.Id , body :: Exp }
  | Application
      { rator  :: Exp , rand  :: Exp }
```

konkret:

```
(lam g (lam a (lam b (app (app g b) a))))
```

(nach Turbak, Gifford: Design Concepts in Programming Languages)

Primitive Operationen

(= Funktionen, die keine Lambda-Ausdrücke sind, weil sie direkt auf primitiven Werten rechnen)

abstrakt:

```
data Exp = ...
  | Literal Integer
  | PrimitiveApplication
    { primop :: PrimOp , arg :: [ Exp ] }
data PrimOp
  = PrimOp { name :: S.Id }
```

konkret:

```
(prim + 2 (prim * 3 4))
```

Wiederholung: Operationale Semantik

(SOS - small step operational semantics)

Ein-Schritt-Relation

- ▶ β -Reduktion: $(\lambda x.M)N \rightarrow_{\beta} M[x := N]$

falls $\text{bound-vars}(M)$ und $\text{free-vars}(N)$ disjunkt.

bei Bedarf gebundene Var. umbenennen

- ▶ α -Reduktion: $\lambda x.M \rightarrow_{\alpha} \lambda y.M[x := y]$

Abschluß von \rightarrow_{β} unter Kontexten:

- ▶ $A_1 \rightarrow_{\beta} A_2 \Rightarrow A_1 B \rightarrow_{\beta} A_2 B, BA_1 \rightarrow_{\beta} BA_2, \lambda x A_1 \rightarrow_{\beta} \lambda x A_2$

operationale Semantik (= Programmausführung)

ist reflexive transitive Hülle \rightarrow_{β}^* (Mehr-Schritt-Relation)

Denotationale Semantik

Denotationale Semantik eines Unterprogrammes (in einer deklarativen Programmiersprache) ist eine *Funktion*.

- ▶ Semantik von Literalen:
bezeichnen (primitive) Objekte selbst
- ▶ Semantik primitiver Operationen:
 - ▶ (Zahlen-)Werte der Argumente bestimmen,
 - ▶ dann Operation anwenden
- ▶ Semantik von Lambda-Ausdrücken (Abstraktionen, Applikationen)?

Denotationale Semantik (II)

Semantik von *lokalen* Unterprogrammen hängt ab von weiter außen gebundenen Variablen.

zutreffendes Modell ist deswegen:

- ▶ Semantik $:: \text{Exp} \times \text{Env} \rightarrow \text{Value}$
- ▶ Exp ... Menge der Ausdrücke
- ▶ Value ... Menge der Werte
- ▶ Umgebungen $\text{Env} :: \text{Var} \rightarrow \text{Value}$
- ▶ Var ... Menge der Variablen

(Vorsicht, das ist teilw. vereinfacht, Verallgemeinerung folgt)

Umgebungen

- ▶ Umgebungen $\text{Env} :: \text{Var} \rightarrow (\text{Value} \cup \text{Error})$

(Variable nicht gebunden: Error)

Operationen mit Umgebungen:

- ▶ $\text{lookup} :: \text{Var} \rightarrow \text{Env} \rightarrow (\text{Value} \cup \text{Error})$
 $\text{lookup } i \ e = e_i$
- ▶ leere Umgebung = $\text{const Error} = \lambda j. \text{Error}$
- ▶ neue Bindung:
 $e[i/v] := \lambda j. \text{if } i = j \text{ then } v \text{ else } e_j$

Semantische Bereiche

Value = ...

- ▶ Zahlen (für prim. Op.)
- ▶ Wahrheitswerte (für prim. Op.)
- ▶ in Applikation ($\text{app } f \ a$) ist der Wert von f eine Funktion (Sprechweise hier: procedural value)

unvollständig und vereinfacht:

```
data Value
  = VInt Integer
  | VBool Bool
  | VProc ( Value -> Value )
```

call-by-value

Semantik von Applikation ($\text{app } f \ a$) in Umgebung e

- ▶ Sem. von f in e ist $\text{VProc } p \ :: \ \text{Value}$
- ▶ Sem. von a in e ist $v \ :: \ \text{Value}$
- ▶ berechne $p \ v$

Semantik von Abstraktion ($\text{lam } i \ b$) in Umgebung e

- ▶ ist Funktion $\lambda x. \dots$
- ▶ Semantik von b in $e[i/x]$

Semantik von Bezeichner i in Umgebung e

- ▶ $\text{lookup } i \ e$

Andere Semantiken?

Beispiel:

```
(prim / 1 0) ==> (error divide-by-zero)
(app (lam x 3) (prim / 1 0)) =?=> 3
```

Umgebung speichert für Namen (x):

- ▶ call-by-value:
Wert des Arguments
- ▶ call-by-name:
Rechnung, die diesen Wert ergibt

Call-by-name

Semantik von Applikation (`app f a`) in Umgebung e

- ▶ Sem. von f in e ist $V_{\text{Proc}} p :: \text{Value}$
- ▶ wende p an auf Sem. von a in e

Semantik von Abstraktion (`lam i b`) in Umgebung e

- ▶ ist Funktion $\lambda x. \dots$
- ▶ Semantik von b in $e[i/x]$

Zusammenfassung bisher

allgemein:

- ▶ Value (Werte): Zahl, Proc, ...
- ▶ Comp (Rechnung): Resultat der Semantik-Funktionen
- ▶ Nameable: kann benannt werden, steht in Umgebungen
beachte: $\text{Value} = \dots \text{VProc} (\text{Nameable} \rightarrow \text{Comp})$

nebenwirkungsfreie (deklarative) Sprachen:

- ▶ $\text{Comp} = (\text{Value} \cup \text{Error})_{\perp} \dots$ (OK, Fehler, Divergenz)

call-by-value: $\text{Nameable} = \text{Value}$

call-by-name: $\text{Nameable} = \text{Comp}$

später: Nebenwirkungen: $\text{Comp} = \text{State} \rightarrow (\text{Value}, \text{State})$

Motivation

Semantik für Spracheigenschaft:

- ▶ direkt implementieren (z. B. Interpreter)
- ▶ indirekt implementieren (durch Transformation auf Kernsprache)

Transformationen sind „nur Syntax“, daher die Bezeichnung *syntactic sugar*.

Mehrfach-Abstraktion/Applikation

bereits im Lambda-Kalkül vereinbart:

$$((\lambda xy.M)AB) \equiv (((\lambda x.(\lambda y.M))A)B)$$

bisher: konkret: `(lam x b)`, `(app f a)`, abstrakt:

```
| Abstraction { formal :: S.Id , body :: Exp }  
| Application { rator :: Exp, rand :: Exp }
```

neu: konkret: `(abs (x y) b)`, `(f a b c)`, abstrakt:

```
| MultiAbstraction  
  { mformal :: [ S.Id ] , body :: Exp }  
| MultiApplication  
  { rator :: Exp, mrand :: [ Exp ] }
```

Mehrfach-Abstraktion/Applikation

Desugaring durch Ersetzungsregeln:

$$(\text{abs } [] \quad b) \rightarrow b$$
$$(\text{abs } (x:xs) \quad b) \rightarrow (\text{lam } x \quad (\text{abs } xs \quad b))$$
$$(\text{f } [] \quad) \rightarrow \text{f}$$
$$(\text{f } (x:xs)) \rightarrow ((\text{app } \text{f } x) \quad xs)$$

nützliche Abkürzung für primitive Operationen:

$$(\text{prim } + \quad 3 \quad 4) \rightarrow (@+ \quad 3 \quad 4)$$

Lokale Bindungen

konkret:

```
(let ((n1 x1) (n2 x2)) y)
```

abstrakt:

```
data Exp = ...
| LocalBinding
    { binders :: [ Binder ] , body :: Exp }
data Binder =
    Binder { bname :: S.Id, bdefn  :: Exp }
```

Übersetzung in Applikation/Abstraktion

Was folgt daraus über Sichtbarkeiten?

Lokale Bindungen (Übersetzung)

Übersetzung in Multi-Applikation/Abstraktion

```
(let [(n1, x1), ..., (nk, xk)] y)
  -> ((abs [n1, ..., nk] y) x1 .. xk)
```

Beachte: das geht nicht:

```
(let ((x (@+ 3 4)) (y (@* x x))) (@- x y))
```

die x in Definition von y beziehen sich nicht auf das x aus der ersten Definition

Abhilfe:

```
(let ((x (@+ 3 4)))
      (let ((y (@* x x))) (@- x y))) )
```

Motivation

Das geht bisher gar nicht:

```
(let ((f (lam x (if (= x 0)
                    1
                    (@* x (app f (@- x 1)))))) ))
  (app f 3) )
```

(Bezeichner f ist nicht sichtbar)

Lösung:

```
( (rec f (lam x (if ... (app f ...)))) 3)
```

mit neuem primitiven Knotentyp `rec`

Rekursion

abstrakt:

```
data Exp = ...  
| Recursion { rname :: S.Id, body :: Exp }
```

konkret:

```
(rec n b)
```

Semantik von `rec n b` in Umgebung E
ist der Fixpunkt (vom Typ `Comp`)
der Funktion (vom Typ `Comp` \rightarrow `Comp`)

$\lambda c.$ Semantik von b in $E[n/c]$

Existenz von Fixpunkten

Fixpunkt von $f :: C \rightarrow C$ ist $x :: C$ mit $fx = x$.

Existenz? Eindeutigkeit? Konstruktion?

Satz: Wenn C *pointed CPO* und f *stetig*, dann besitzt f genau einen kleinsten Fixpunkt.

Begriffe:

- ▶ CPO = complete partial order = vollständige Halbordnung
- ▶ complete = jede monotone Folge besitzt Supremum (= kleinste obere Schranke)
- ▶ pointed: C hat kleinstes Element \perp
- ▶ stetig: $f(\sup \vec{x}) = \sup f(\vec{x})$

Dann $\text{fix}(f) = \sup[\perp, f(\perp), f^2(\perp), \dots]$

Funktionen als CPO

- ▶ partielle Funktionen $C = (B \rightarrow B)$
- ▶ Bereich $B \cup \perp$ geordnet durch $\forall x \in B : \perp < x$
- ▶ C geordnet durch $f \leq g \iff \forall x \in B : f(x) \leq g(x)$,
- ▶ d. h. g ist Verfeinerung von f
- ▶ Das Bottom-Element von C ist die überall undefinierte Funktion.

Funktionen als CPO, Beispiel

Wert von

```
(rec f (lam x
  (if (@= x 0) 1 (@* x (app f (@- x 1))))))
```

ist Fixpunkt der Funktion $F =$

```
(lam f (lam x
  (if (@= x 0) 1 (@* x (app f (@- x 1))))))
```

Iterative Berechnung des Fixpunktes:

$\perp = \emptyset$ überall undefiniert

$F\perp = \{(0, 1)\}$ sonst \perp

$F(F\perp) = \{(0, 1), (1, 1)\}$ sonst \perp

$F^3\perp = \{(0, 1), (1, 1), (2, 2)\}$ sonst \perp

letrec

konkret:

```
(letrec ((n1 x1) (n2 x2)) y)
```

wobei n_1 , n_2 sichtbar in x_1 , x_2

abstrakt:

```
data Exp = ...  
| RecursiveBinding  
  { binders :: [ Binder ] , body :: Exp }
```

Beispiele:

```
(letrec ((x (@+ 3 4)) (y (@* x x))) (@- x y))  
(letrec ((f (lam x (.. (f (@- x 1)) ..)))) (f 3))
```

letrec: Transformation nach rec

(DCPL Fig. 6.7 p. 233)

```
(letrec ((n1 x1) .. (nk xk)) y)
```

->

```
(app (rec t
      (lam s
        (s (t (abs (n1..nk) x1)
              ...
              (abs (n1..nk) xk) )))
      (abs (n1..nk) y) )
```

Fixpunkt-Kombinatoren

- ▶ Definition: $Y := \lambda f.((\lambda x.f(xx))(\lambda x.f(xx)))$
- ▶ Satz: Yf ist Fixpunkt von f
- ▶ d.h. Y ist *Fixpunkt-Kombinator*
- ▶ Beweis: vergleiche (Yf) und $f(Yf)$
- ▶ Folgerung: `rec` wird eigentlich nicht benötigt

Paare

Syntax:

`(pair x y)` -- Konstruktor

`(fst p)` -- Destruktor

`(snd p)` -- Destruktor

Semantik (Plan):

für alle x, y :

$(fst (pair\ x\ y)) == x$

$(snd (pair\ x\ y)) == y$

Listen

mit solchen Paaren kann man im Prinzip alles ausdrücken, z. B.
Listen durch syntactic sugar:

```
(list      []) --> #u
```

```
(list (x:xs) ) --> (pair x (list xs))
```

Semantik für Paare

was soll die Semantik dieses Ausdrucks sein?

```
(fst (pair 1 (@/ 1 0)))
```

- ▶ 1 : pair-Konstruktor ist *nicht strikt*
- ▶ (error divide-by-zero) : pair-Konstruktor ist *strikt*

Strikte Paare

```
data Value = ...  
           | Pair Value Value
```

Semantik von `(pair X1 X2)` in Umgebung E ist die folgende Rechnung:

- ▶ führe Semantik von $X1$ in E aus, liefert $v1 :: \text{Value}$
- ▶ führe Semantik von $X2$ in E aus, liefert $v2 :: \text{Value}$
- ▶ Resultat ist `Pair v1 v2`

Semantik von `(fst p)`: führe Semantik von p aus, liefert `Pair v1 v2`, Resultat ist $v1$.

Nicht strikte Paare

```
data Value = ...  
           | Pair Comp Comp
```

Semantik von `(pair X1 X2)` in Umgebung E ist diese Rechnung:

- ▶ Semantik von $X1$ in E ist $c1 :: \text{Comp}$
- ▶ Semantik von $X2$ in E ist $c2 :: \text{Comp}$
- ▶ Resultat ist `Pair c1 c2`

Semantik von `(fst p)`: führe Semantik von p aus, liefert `Pair c1 c2`, führe $c1$ aus, Resultat ist $v1$.

Simulation von nicht strikten Paaren

```
(ns-pair X Y)  
--> (pair (abs (u) X) (abs (u) Y))
```

```
(ns-fst P) --> ((fst P) #u)
```

- ▶ in CBV müssen das desugaring-Regeln sein, `ns-pair` ist keine CBV-Funktion.
- ▶ `u` darf nicht in `X`, `Y` vorkommen
- ▶ `(abs (u) X)` heißt *thunk*

mit thunking nur für zweites `pair`-Argument erhält man (lazy) streams,
vgl. `Iterator/Enumerator` in `Java/C#`

Motivation

bisherige Programme sind nebenwirkungsfrei, das ist nicht immer erwünscht:

- ▶ direktes Rechnen auf von-Neumann-Maschine:
Änderungen im Hauptspeicher
- ▶ direkte Modellierung von Prozessen mit
Zustandsänderungen ((endl.) Automaten)

Dazu muß semantischer Bereich geändert werden.

- ▶ **bisher:** $\text{Comp} = \text{Value} + \text{Error}$
- ▶ **jetzt:** $\text{Comp} = \text{State} \rightarrow (\text{Value}, \text{State})$

Semantik von (Teil-)Programmen ist Zustandsänderung.

Speicher

```
type Store = Map Location Value
```

Syntax: Ausdrücke:

```
data Exp = ...  
  | (cell Exp) -- CellCreation  
  | (begin Exp Exp) -- SimpleSequencing
```

Primops:

- ▶ lesen ($@^{\wedge} E$)
- ▶ schreiben ($@ := E1 E2$),
- ▶ testen (ist Location?) ($@_{\text{cell}}? E$),
- ▶ test (gleiche Location?) ($_{\text{cell}}=? E1 E2$).

Beachte: explizite Dereferenzierung ($@^{\wedge}$)

Syntactic Sugar

- ▶ Anweisungsfolgen beliebiger Länge

```
(begin) --> #u ; (begin E) --> E  
(begin (E:Es)) --> (begin E (begin Es))
```

- ▶ „if ohne else“

```
(if test yeah) --> (if test yeah #u)
```

- ▶ Wiederholung

```
(while test body) -->  
  (letrec ((loop (...))) loop)
```

Semantik f. Speicher

```
type Store = Map Location Value
```

```
type State = Store
```

```
type Comp = State -> ( Value, State )
```

Das ist genau die Zustands-Monade aus Haskell.
primitive Operationen (vgl. DCPL.Store)

- ▶ allocating
- ▶ fetching
- ▶ update

Veränderliche Variablen

(bis jetzt sind unsere „Variablen“ konstant und nur die Zellen veränderlich.)

neue Syntax (`set! I E`), `I` ... Identifier, `E` ... Exp

erfordert Änderung in der Semantik: bisher: `Nameable = Value`,
jetzt: `Nameable = Location`

Realisierung von (`Name → Wert`) durch *zwei* Bindungen:

- ▶ (in Umgebung:) `Name → Location`
- ▶ (im Speicher:) `Location → Value`

Ausblick:

- ▶ CBV, CBN, CBReference
- ▶ Übersetzung: veränd. Var → veränd. Zellen

Assignment Conversion

(als Transformationsschritt im Compiler):

- ▶ Eingabe: Programm mit veränderlichen Variablen
- ▶ Ausgabe: Programm mit „konstanten Variablen“ und veränderlichen Zellen

Variable ersetzen durch (Verweis auf) Zelle:

```
(begin (set! x (@* 2 y)) x))
```

==>

```
(let ((x (cell x)) (y (cell y)))  
      (begin (@:= x (@* 2 (@^ y))) (@^ x)))
```

Bessere Implementierung: nur für die Variablen, die tatsächlich Zuweisungsziel sind (im Bsp: y nicht)

Definition

(alles nach: Turbak/Gifford Ch. 17.9)

CPS-Transformation (continuation passing style):

- ▶ original: Funktion gibt Wert zurück

```
f == (abs (x y) (let ( ... ) v))
```

- ▶ cps: Funktion erhält zusätzliches Argument, das ist eine *Fortsetzung* (continuation), die den Wert verarbeitet:

```
f-cps == (abs (x y k) (let ( ... ) (k v)))
```

aus `g (f 3 2)` wird `f-cps 3 2 g-cps`

Motivation

Funktionsaufrufe in CPS-Programm kehren nie zurück, können also als Sprünge implementiert werden!

CPS als einheitlicher Mechanismus für

- ▶ Linearisierung (sequentielle Anordnung von primitiven Operationen)
- ▶ Ablaufsteuerung (Schleifen, nicht lokale Sprünge)
- ▶ Unterprogramme (Übergabe von Argumenten und Resultat)
- ▶ Unterprogramme mit mehreren Resultaten

CPS für Resultat-Tupel

wie modelliert man Funktion mit mehreren Rückgabewerten?

- ▶ benutze Datentyp Tupel (Paar):

$$f : A \rightarrow (B, C)$$

- ▶ benutze Continuation:

$$f/cps : A \rightarrow (B \rightarrow C \rightarrow D) \rightarrow D$$

CPS/Tupel-Beispiel

erweiterter Euklidischer Algorithmus:

```
prop_egcd x y =  
  let (p,q) = egcd x y  
  in abs (p*x + q*y) == gcd x y
```

```
egcd :: Integer -> Integer  
      -> ( Integer, Integer )  
egcd x y = if y == 0 then ???  
           else let (d,m) = divMod x y  
                  (p,q) = egcd y m  
                  in ???
```

vervollständige, übersetze in CPS

CPS für Ablaufsteuerung

Beispiel label/jump:

```
(@+ 1
  (label
    exit
    (@* 2 (@- 3 (@+ 4 (jump exit 5))))))
```

semantischer Bereich:

```
data Value = ... | VCtrlPoint Expcont
```

d. h. Continuations sind Werte

```
Expcont = Value -> State Store Value
```

```
Comp = Expcont -> State Store Value
```

Modul: DCPL.Semantics.FLICK.Cont

Semantik für CPS

Semantik von Ausdruck x
in Umgebung E mit Continuation k

- ▶ $x = (\text{app } f \ a)$
Semantik von f in E mit Continuation: $\lambda p.$
Semantik von a in E mit Continuation: $\lambda v.p \ v \ k$
- ▶ $x = (\text{label } L \ B)$
Semantik von B in Umgebung $E[L/k]$ mit k
- ▶ $x = (\text{jump } L \ B)$
let $k' =$ gebundener Wert von L in E ,
Semantik von B in E mit k'

CPS-Transformation: Spezifikation

(als Schritt im Compiler)

- ▶ Eingabe: Ausdruck X , Ausgabe: Ausdruck Y
- ▶ Semantik: $X \equiv Y(\lambda v.v)$
(triviale top-level continuation)
- ▶ Syntax:
 - ▶ $X \in \text{Exp}$ (fast) beliebig,
 - ▶ $Y \in \text{ExpCPS}$ stark eingeschränkt
 - ▶ keine geschachtelten Applikationen
 - ▶ Argumente von Applikationen und Primops sind Variablen oder Literale

CPS-Transformation: Zielsyntax

```
Exp/CPS ==> (app Id Exp/Value^*)  
            | (if Exp/Value Exp/CPS Exp/CPS)  
            | (let ((Id Exp/Letable)) Exp/CPS)  
            | (error Msg)
```

```
Exp/Value ==> Literal + Identifier
```

```
Exp/Letable ==> Literal  
               | (abs Id^* Exp/CPS)  
               | (prim Primop Exp/Value^*)
```

Übersetze

```
(@+ (@- 0 (@* b b)) (@* 4 (@* a c)))
```

Beispiel

```
(@+ (@- 0 (@* b b)) (@* 4 (@* a c)))
```

==>

```
(let ((t.3 (@* b b)))  
  (let ((t.2 (@- 0 t.3)))  
    (let ((t.5 (@* a c)))  
      (let ((t.4 (@* 4 t.5)))  
        (let ((t.1 (+ t.2 t.4)))  
          (app ktop.0 t.1) ))))))
```

Transformation f. Applikation

```
CPS[ (app f a1 ... an) ] =  
(abs (k)  
  (app CPS[f] (abs (i_0)  
    (app CPS[a1] (abs (i_1)  
      ...  
        (app CPS[an] (abs (i_n)  
          (app i_0 i_1 ... i_n k))))))))))
```

dabei sind k , i_0 , .. i_n *frische* Namen (= die im gesamten Ausdruck nicht vorkommen)

Ü: ähnlich für Primop (Unterschied?)

Transformation f. Abstraktion

```
CPS[ (abs (i_1 ... i_n) b) ] =  
(abs (k)  
  (let ((i (abs (i_1 .. i_n) c)  
            (app CPS[b] c))))  
    (app k i)))
```

Ü: Transformation für let

Vereinfachungen

um geforderte Syntax (ExpCPS) zu erreichen:

- ▶ **implicit-let**

```
(app (abs (i_1 .. i_n) b) a_1 .. a_n)
==>
(let ((i_1 a_1)) ( .. (let ((i_n a_n)) b)..))
```

Umbenennungen von Variablen entfernen:

- ▶ **copy-prop**

```
(let ((i i')) b) ==> b [i:=i']
```

aber kein allgemeines Inlining

Besser: Meta-Continuations

- ▶ bisher: CPS: $\text{Exp} \rightarrow \text{Exp}$
- ▶ jetzt: CPS: $\text{Exp} \rightarrow \text{MetaCont} \rightarrow \text{Exp}$

```
CPS[ (app f a1 ... an) ] =  
(m-abs (K)  
  (m-app CPS[f] (m-abs (i_0)  
    ...  
    (m-app CPS[an] (m-abs (i_n)  
      ??? (app i_0 i_1 ... i_n k)))))))))
```

ändere letzte Zeile in

```
(let ((i (abs (temp) K[temp])))  
  (app i_0 .. i_n i))
```

Motivation

(Literatur: DCPL 17.10) — Beispiel:

```
(let ((linear
      (abs(a b) (abs (x) (@+ (@* a x) b))))))
  (let ((f (linear 4 5)) (g (linear 6 7)))
    (@+ (f 8) (g 9)) ))
```

beachte nicht lokale Variablen: (abs (x) .. a .. b)

- ▶ Semantik-Definition (Interpreter) benutzt Umgebung
- ▶ Transformation (closure conversion, environment conversion) (im Compiler) macht Umgebungen explizit.

Spezifikation

closure conversion:

- ▶ Eingabe: Programm P
- ▶ Ausgabe: äquivalentes Programm P' , bei dem alle Abstraktionen *geschlossen* sind
- ▶ zusätzlich: P in CPS $\Rightarrow P'$ in CPS

geschlossen: alle Variablen sind lokal

Ansatz:

- ▶ Werte der benötigten nicht lokalen Variablen
 \Rightarrow zusätzliche(s) Argument(e) der Abstraktion
- ▶ auch Applikationen entsprechend ändern

closure passing style

- ▶ Umgebung = Tupel der Werte der benötigten nicht lokalen Variablen
- ▶ Closure = Paar aus Code und Umgebung
realisiert als (Code, Wert₁, ..., Wert_n)

```
(abs (x) (@+ (@* a x) b) )
```

```
==>
```

```
(abs (clo x)  
  (let ((a (@get 2 clo))  
        (b (@get 3 clo))))  
  (@+ (@* a x) b) ) )
```

Closure-Konstruktion?

Komplette Übersetzung des Beispiels?

Transformation

```
CLP[ (abs (i_1 .. i_n) b) ] =  
  (@prod (abs (clo i_1 .. i_n)  
          (let ((v_1 (@get 2 clo)) .. )  
              CLP[b] ))  
  v_1 .. )
```

wobei $\{v_1, \dots\}$ = freie Variablen in b

```
CLP[ (app f a_1 .. a_n) ] =  
  (let ((clo CLP[f])  
        (code (@get 1 clo)))  
    (app code clo CLP[a_1] .. CLP[a_n]) )
```

zur Erhaltung der CPS-Form: anstatt erster Regel

```
CLP[ (let ((i (abs (..) ..))) b) ] = ...
```

Zuweisungen und Closures

die Werte der nicht lokalen Variablen werden kopiert (in die Closures).

falls Zuweisungen an Variablen erlaubt sind (`set!`):

- ▶ *erst* assignment conversion
- ▶ *danach* closure conversion

Vergleich mit inneren Klassen

```
interface Fun { int app (int x); }
class Linear {
    static Fun linear (int a, int b) {
        return new Fun() {
            int app (int x) { return a * x + b; }
        } }
    static int example() {
        Fun f = linear (4,5);
        Fun g = linear (6,7);
        return f.app(8) + g.app(9);
    } }
```

Fehler? Bytecode?

Spezifikation

(lambda) lifting:

- ▶ Eingabe: Programm P
- ▶ Ausgabe: äquivalentes Programm P' ,
bei dem alle Abstraktionen global sind

Motivation: in Maschinencode gibt es nur globale Sprungziele
(CPS-Transformation: Unterprogramme kehren nie zurück \Rightarrow
globale Sprünge)

Realisierung

nach closure conversion sind alle Abstraktionen geschlossen, diese müssen nur noch aufgesammelt und eindeutig benannt werden.

Syntax-Erweiterung:

```
(program (a_1 .. a_n)
  -- body:
  (let ( ... ) ...)
  -- ab hier neu:
  (def sub0 (abs (...)) body0))
  ...
)
```

dann in `body*` keine Abstraktionen gestattet

Motivation

bisher: closure conversion + lifting:

beliebiges Programm (Lambda-Ausdruck) \Rightarrow Programm mit nur globalen Funktionen (und Tupeln)

man kann sogar jeden Lambda-Ausdruck in äquivalentes Programm mit wenigen und feststehenden globalen Funktionen (Kombinatoren) übersetzen.

Beispiel

vordefinierte Kombinatoren:

$$I = \lambda x.x, K = \lambda xy.x, S = \lambda xyz.xz(yz)$$

Programm: $P = \lambda x.xx$

Übersetzung: $P' = SII$

Begründung: $P'x = SIIx \rightarrow Ix(Ix) \rightarrow x(Ix) \rightarrow xx$

Systematische Übersetzung

Spezifikation:

- ▶ Eingabe: geschlossener Lambda-Ausdruck P
- ▶ Ausgabe: äquivalenter Kombinator-Ausdruck $[P]$
(Applikationen mit S, K, I ; sonst keine Variablen und Lambdas)

benutzt $[\lambda x.A] = \text{lift}_x(A)$ mit Spezifikation: $\text{lift}_x(A)x \rightarrow^* A$

- ▶ $\text{lift}_x(y) = \text{falls } x = y \text{ dann } I \text{ sonst } Ky$
- ▶ $\text{lift}_x(AB) = S \text{ lift}_x(A) \text{ lift}_x(B)$
- ▶ $\text{lift}_x(\lambda y.A) = \text{lift}_x(\text{lift}_y(A))$

Beispiele: $\lambda x.xx, \lambda xy.y, \lambda xy.yx$ — Vereinfachungen?

Kombinator-Basen

Def: Eine Menge M von Kombinatoren heißt *Basis*, falls es zu jedem Lambda-Ausdruck einen äquivalenten Ausdruck nur aus Applikationen und Kombinatoren aus M gibt.

Satz: $\{S, K, I\}$ ist Basis.

Satz: $\{S, K\}$ ist Basis. — Beweis? $I = \dots$

Satz: es gibt eine Basis mit nur einem Element. (Schwer.)

Literatur:

- ▶ Henk Barendregt: The Lambda Calculus, its Syntax and Semantics, 1984. <http://www.cs.ru.nl/~henk/>
- ▶ Raymond Smullyan: How To Mock a Mockingbird, 1985. <http://www.raymondsmullyan.com/>

Rechnen mit Kombinatoren

- ▶ Standard-Basis: $Kxy \rightarrow x, lx \rightarrow x, Sxyz \rightarrow xz(yz)$
- ▶ Tupel : $\langle A_1, \dots, A_n \rangle := \lambda x. xA_1 \dots A_n$
- ▶ Projektionen: $P_i^n \langle A_1, \dots, A_n \rangle \rightarrow A_i$
- ▶ $X = \langle K, S, K \rangle$
- ▶ $XXX \rightarrow ?, X(XX) \rightarrow ?$
- ▶ Zahlen (nach Church): $[n] := \lambda fx. f^n(x)$
- ▶ Nachfolger? Summe?

(Barendregt, S. 140, 166)

Motivation

- ▶ (klassische) reale CPU/Rechner hat nur *globalen* Speicher (Register, Hauptspeicher)
- ▶ Argumentübergabe (Hauptprogramm → Unterprogramm) muß diesen Speicher benutzen (Rückgabe brauchen wir nicht wegen CPS)
- ▶ Zugriff auf Register schneller als auf Hauptspeicher ⇒ bevorzugt Register benutzen.

Plan (I)

- ▶ Modell: Rechner mit beliebig vielen Registern (R_0, R_1, \dots)
- ▶ Befehle:
 - ▶ Literal laden (in Register)
 - ▶ Register laden (kopieren)
 - ▶ direkt springen (zu literaler Adresse)
 - ▶ indirekt springen (zu Adresse in Register)
- ▶ Unterprogramm-Argumente in Registern:
 - ▶ für Abstraktionen: (R_0, R_1, \dots, R_k)
(genau diese, genau dieser Reihe nach)
 - ▶ für primitive Operationen: beliebig
- ▶ Transformation: lokale Namen \rightarrow Registernamen

Plan (II)

- ▶ Modell: Rechner mit begrenzt vielen realen Registern, z. B. (R_0, \dots, R_7)
- ▶ falls diese nicht ausreichen: *register spilling*
virtuelle Register in Hauptspeicher abbilden
- ▶ Hauptspeicher (viel) langsamer als Register:
möglichst wenig HS-Operationen:
geeignete Auswahl der Spill-Register nötig

Registerbenutzung

Allgemeine Form der Programme:

```
(let* ((r1 (...))
      (r2 (...))
      (r3 (...)))
      ...
      (r4 ...))
```

für jeden Zeitpunkt ausrechnen: Menge der *freien* Register (= deren aktueller Wert nicht (mehr) benötigt wird)
nächstes Zuweisungsziel ist niedrigstes freies Register (andere Varianten sind denkbar)
vor jedem UP-Aufruf: *register shuffle* (damit die Argumente in R_0, \dots, R_k stehen)

Registervergabe und Graphenfärbung

Gegeben Programm (das Let innerhalb einer Abstraktion),
konstruiere Graph $G = (V, E)$

- ▶ Knoten V : die lokal gebundenen Namen
- ▶ Kanten E : falls x und y gleichzeitig benötigt, dann $xy \in E$.

gesucht ist konfliktfreie Färbung mit geringer Farbzahl:

- ▶ Farben C : (virtuelle) Register
- ▶ Färbung: Abbildung $f : V \rightarrow C$
- ▶ konfliktfrei: $\forall xy \in E : f(x) \neq f(y)$

Algorithmen zur Färbung

Das Entscheidungsproblem COL

- ▶ Eingabe: (G, k)
- ▶ Frage: existiert konfliktfreie Färbung f für G mit $|\text{img } f| \leq k$

... ist NP-vollständig

⇒ kein effizienter Algorithmus bekannt

Näherungsverfahren (für Farben $\{1, 2, \dots\}$):

- ▶ färbe der Reihe nach jeden Punkt mit der kleinsten freien Farbe (= die nicht unter seinen Nachbarn vorkommt)

Heuristik für gute Reihenfolge?

Graphenparameter

- ▶ Maximalgrad $\Delta(G)$
- ▶ chromatische Zahl $\chi(G)$
kleinstes k , für das G eine konfliktfreie k -Färbung besitzt
- ▶ Cliquenzahl $\omega(G)$: maximale Knotenzahl einer Clique
(= vollständig verbundener Teilgraph)

Anwendungen:

- ▶ Folgerung aus Algorithmus: $\chi(G) \leq \Delta(G) + 1$.
Für welche Graphen gilt Gleichheit?
- ▶ größter Fehler des heuristischen Algorithmus?
- ▶ trivial $\omega(G) \leq \chi(G)$. Möglicher Abstand?

Register-Files

SPARC-Architektur:

- ▶ Register-File besteht aus Blöcken von je 8 Registern
- ▶ Register-Window zeigt je drei benachbarte Blöcke
- ▶ bei UP-Aufruf/Rückkehr wandert Window um zwei (!) Blöcke nach rechts/links (d. h. die Fenster überlappen)

Registersatz besteht aus

- ▶ global G_0, \dots, G_7
- ▶ in I_0, \dots, I_7 (links im Fenster)
- ▶ lokal L_0, \dots, L_7 (mitte)
- ▶ out O_1, \dots, O_7 (rechts)

Motivation

Speicher-Allokation durch Konstruktion von

- ▶ Zellen, Tupel, Closures

Modell: Speicherbelegung = gerichteter Graph

Knoten *lebendig*: von Register aus erreichbar.

sonst tot \Rightarrow automatisch freigeben

Gliederung:

- ▶ mark/sweep (pointer reversal, Schorr/Waite 1967)
- ▶ twospace (stop-and-copy, Cheney 1970)
- ▶ generational (JVM)

Mark/Sweep

Plan: wenn Speicher voll, dann:

- ▶ alle lebenden Zellen markieren
- ▶ alle nicht markierten Zellen in Freispeicherliste

Problem: zum Markieren muß man den Graphen durchqueren, man hat aber keinen Platz (z. B. Stack), um das zu organisieren.

Lösung:

H. Schorr, W. Waite: *An efficient machine-independent procedure for garbage collection in various list structures*, Communications of the ACM, 10(8):481-492, August 1967.
temporäre Änderungen im Graphen selbst (pointer reversal)

Pointer Reversal (Invariante)

ursprünglicher Graph G_0 , aktueller Graph G :

Knoten (cons) mit zwei Kindern (head, tail), markiert mit

- ▶ 0: noch nicht besucht
- ▶ 1: head wird besucht (head-Zeiger ist invertiert)
- ▶ 2: tail wird besucht (tail-Zeiger ist invertiert)
- ▶ 3: fertig

globale Variablen p (parent), c (current).

Invariante: man erhält G_0 aus G , wenn man

- ▶ head/tail-Zeiger aus 1/2-Zellen (nochmals) invertiert
- ▶ und Zeiger von p auf c hinzufügt.

Pointer Reversal (Ablauf)

- ▶ pre: $p = \text{null}$, $c = \text{root}$, $\forall z : \text{mark}(z) = 0$
- ▶ post: $\forall z : \text{mark}(z) = \text{if } (\text{root} \rightarrow^* z) \text{ then } 3 \text{ else } 0$

Schritt (neue Werte immer mit '): falls $\text{mark}(c) = \dots$

- ▶ 0: $c' = \text{head}(c)$; $\text{head}'(c) = p$; $\text{mark}'(c) = 1$; $p' = c$;
- ▶ 1,2,3: falls $\text{mark}(p) = \dots$
 - ▶ 1: $\text{head}'(p) = c$; $\text{tail}'(p) = \text{head}(p)$; $\text{mark}'(p) = 2$; $c' = \text{tail}(p)$; $p' = p$
 - ▶ 2: $\text{tail}'(p) = c$; $\text{mark}'(p) = 3$; $p' = \text{tail}(p)$; $c' = p$;

Knoten werden in Tiefensuch-Reihenfolge betreten.

Eigenschaften Mark/Sweep

- ▶ benötigt 2 Bit Markierung pro Zelle, aber keinen weiteren Zusatzspeicher
- ▶ Laufzeit für mark \sim | lebender Speicher |
- ▶ Laufzeit für sweep \sim | gesamter Speicher |
- ▶ Fragmentierung (Freispeicherliste springt)

Ablegen von Markierungs-Bits:

- ▶ in Zeigern/Zellen selbst
(Beispiel: Rechner mit Byte-Adressierung, aber Zellen immer auf Adressen $\equiv 0 \pmod{4}$: zwei LSB sind frei.)
- ▶ in separaten Bitmaps

Stop-and-copy (Plan)

Plan:

- ▶ zwei Speicherbereiche (Fromspace, Tospace)
- ▶ Allokation im Fromspace
- ▶ wenn Fromspace voll, kopiere lebende Zellen in Tospace und vertausche dann Fromspace \leftrightarrow Tospace

auch hier: Verwaltung ohne Zusatzspeicher (Stack)

C. J. Cheney: *A nonrecursive list compacting algorithm*,
Communications of the ACM, 13(11):677–678, 1970.

Stop-and-copy (Invariante)

fromspace, tospace : array [0 ... N] of cell

Variablen: $0 \leq \text{scan} \leq \text{free} \leq N$

einige Zellen im fromspace enthalten Weiterleitung (= Adresse im tospace)

Invarianten:

- ▶ $\text{scan} \leq \text{free}$
- ▶ Zellen aus tospace [0 ... scan-1] zeigen in tospace
- ▶ Zellen aus tospace [scan ... free-1] zeigen in fromspace
- ▶ wenn man in G (mit Wurzel tospace[0]) allen Weiterleitungen folgt, erhält man isomorphes Abbild von G_0 (mit Wurzel fromspace[0]).

Stop-and-copy (Ablauf)

- ▶ pre: $\text{tospace}[0] = \text{Wurzel}$, $\text{scan} = 0, \text{free} = 1$.
- ▶ post: $\text{scan} = \text{free}$

Schritt: while $\text{scan} < \text{free}$:

- ▶ für alle Zeiger p in $\text{tospace}[\text{scan}]$:
 - ▶ falls $\text{fromspace}[p]$ weitergeleitet auf q , ersetze p durch q .
 - ▶ falls keine Weiterleitung
 - ▶ kopiere $\text{fromspace}[p]$ nach $\text{tospace}[\text{free}]$,
 - ▶ Weiterleitung $\text{fromspace}[p]$ nach free eintragen,
 - ▶ ersetze p durch free , erhöhe free .
- ▶ erhöhe scan .

Besucht Knoten in Reihenfolge einer Breitensuche.

Stop-and-copy (Eigenschaften)

- ▶ benötigt „doppelten“ Speicherplatz
- ▶ Laufzeit \sim | lebender Speicher |
- ▶ kompaktierend
- ▶ Breitensuch-Reihenfolge zerstört Lokalität.

Breiten- und Tiefensuche

put (Wurzel(G));

while Speicher nicht leer:

$u \leftarrow$ get; wenn u nicht markiert:

 markiere u ;

 für alle v mit $u \rightarrow_G v$: put(v);

dabei ist Speicher (mit Operationen put/get):

- ▶ Stack (LIFO) (push/pop) \Rightarrow Tiefensuche,
- ▶ Queue (FIFO) (enqueue/dequeue) \Rightarrow Breitensuche.

woran erkennt man, daß eine Knotenreihenfolge eines gerichteten Graphen G bei einer Breiten/Tiefensuche entstanden sein könnte? (wenn man Reihenfolge der Nachfolger eines Knoten jeweils beliebig wählen kann)

Speicher mit Generationen

Beobachtung: es gibt

- ▶ (viele) Zellen, die sehr kurz leben
- ▶ Zellen, die sehr lange (ewig) leben

Plan:

- ▶ bei den kurzlebigen Zellen soll GC-Laufzeit \sim Leben (und nicht \sim Leben + Müll) sein
- ▶ die langlebigen Zellen möchte man nicht bei jeder GC besuchen/kopieren.

Lösung: benutze Generationen, bei GC in Generation k : betrachte alle Zellen in Generationen $> k$ als lebend.

Speicherverwaltung in JVM

Speicheraufteilung:

- ▶ Generation 0:
 - ▶ Eden, Survivor 1, Survivor 2
- ▶ Generation 1: Tenured

Ablauf

- ▶ minor collection (Eden voll):
kompaktierend: Eden + Survivor 1/2 → Survivor 2/1 ...
... falls dabei Überlauf → Tenured
- ▶ major collection (Tenured voll):
alles nach Survivor 1 (+ Tenured)

Speicherverwaltung in JVM (II)

- ▶ richtige Benutzung der Generationen:
 - ▶ bei minor collection (in Gen. 0) gelten Zellen in Tenured (Gen. 1) als lebend (und werden nicht besucht)
 - ▶ Spezialbehandlung für Zeiger von Gen. 1 nach Gen. 0 nötig (wie können die überhaupt entstehen?)

- ▶ **Literatur:**

<http://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/edu/ws09/pps/folien/main/node78.html>

- ▶ **Aufgabe:**

<http://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/edu/ws09/pps/folien/main/node79.html>

Semantik definiert durch. . .

- ▶ Interpretation
 - ▶ funktional (CBV, CBN), Fixpunkte
 - ▶ imperativ (Speicher)
 - ▶ Ablaufsteuerung (Continuations)
- ▶ Transformation
 - ▶ desugaring (let \rightarrow lambda)
 - ▶ assignment conversion
 - ▶ CPS transformation
 - ▶ closure passing, lifting

```
git clone git://dfa.imn.htwk-leipzig.de/var/www/dcpl
```