Prinzipien von Programmiersprachen
Vorlesung
Wintersemester 2007, 08, 09, 10, 11

Johannes Waldmann, HTWK Leipzig

10. Oktober 2012

– Typeset by FoilTEX –

Ziele der LV

Arbeitsweise: Methoden, Konzepte, Paradigmen

- isoliert beschreiben
- an Beispielen in (bekannten und unbekannten) Sprachen wiedererkennen

Ziel:

- verbessert die Organisation des vorhandenen Wissens
- gestattet die Beurteilung und das Erlernen neuer Sprachen
- hilft bei Entwurf eigener (anwendungsspezifischer) Sprachen

Beziehungen zu anderen LV

- Grundlagen der Informatik, der Programmierung:
  strukturierte (imperative) Programmierung
- Softwaretechnik 1/2:
  objektorientierte Modellierung und Programmierung, funktionale Programmierung und OO-Entwurfsmuster
- Compilerbau: Implementierung von Syntax und Semantik

Sprachen für bestimmte Anwendungen, mit bestimmten Paradigmen:

- Datenbanken, Computergrafik, künstliche Intelligenz, Web-Programmierung, parallele/nebenläufige Programmierung

Literatur

- `http://www.imn.htwk-leipzig.de/~waldmann/edu/ws11/pps/folien/pps/`
- Robert W. Sebesta: Concepts of Programming Languages, Addison-Wesley 2004, . . .
  siehe auch Phil Hutto: CS 3411 Programming Language Concepts `http://www.cc.gatech.edu/classes/cs3411b_99_winter/TextNotes.html`

Einleitung

Sprache

- wird benutzt, um Ideen festzuhalten/zu transportieren (Wort, Satz, Text, Kontext)
- wird beschrieben durch
  - Lexik
  - Syntax
  - Semantik
  - Pragmatik
- natürliche Sprachen / formale Sprachen

Beispiel: mehrsprachige Projekte

ein typisches Projekt besteht aus:

- Datenbank: SQL
- Verarbeitung: Java
- Oberfläche: HTML
- Client-Code: Java-Script

und das ist noch nicht die ganze Wahrheit:
nenne weitere Sprachen, die üblicherweise in einem solchen Projekt vorkommen

Organisation

- Vorlesung
  - ungerade: 41, 43, 47: Mi 9:30; 45, 49 . . . 57: Di 9:30
  - gerade: Mo 7:30
- Übungen (Tutor: Herr Alexander Bau)
  - Mi (u+g) 15:30; Mi (u+g) 17:15; Do (u+g) 7:30

  Übungsgruppe wählen: `https://autotool.imn.htwk-leipzig.de/cgi-bin/Super.cgi`
- Prüfungszulassung: regelmäßiges und erfolgreiches Bearbeiten von Übungsaufgaben
- Klausur: 120 min, ohne Hilfsmittel

Inhalt

(nach Sebesta: Concepts of Programming Languages)

- Methoden: (3) Beschreibung von Syntax und Semantik
- Konzepte:
  - (5) Namen, Bindungen, Sichtbarkeiten
  - (6) Typen von Daten, Typen von Bezeichnern
  - (7) Ausdrücke und Zuweisungen, (8) Anweisungen und Ablaufsteuerung, (9) Unterprogramme
- Paradigmen:
  - (12) Objektorientierung ((11) Abstrakte Datentypen)
  - (15) Funktionale Programmierung

Übungen

1. Anwendungsgebiete von Programmiersprachen, wesentliche Vertreter
zu Skriptsprachen: finde die Anzahl der `"*.java"`-Dateien unter `$HOME/workspace`, die den Bezeichner `String` enthalten. (Benutze eine Pipe aus drei Unix-Kommandos.)
Lösungen:

```
find workspace/ -name "*.java" | xargs grep
find workspace/ -name "*.java"   -exec grep
```

2. Maschinenmodelle (Bsp: Register, Turing, Stack, Funktion)
funktionales Programmieren in Haskell
(`http://www.haskell.org/`)

```
ghci
:set +t
length $ takeWhile (== '0') $ reverse $ show
```

Kellermaschine in PostScript.

```
42 42 scale 7 9 translate .07 setlinewidth .
setgray}def 1 0 0 42 1 0 c 0 1 1{0 3 3 90 27
arcn 270 90 c -2 2 4{-6 moveto 0 12 rlineto}
9 0 rlineto}for stroke 0 0 3 1 1 0 c 180 rot
```

Mit `gv` oder `kghostview` ansehen (Options: watch file).
Mit Editor Quelltext ändern. Finden Sie den Autor dieses Programms!
(Lösung: John Tromp, siehe auch `http://www.iwriteiam.nl/SigProgPS.html`)
3. `http://99-bottles-of-beer.net/` (top rated ...)

Ausführungsarten

Anweisungen der Quellsprache werden in Anweisungen der Zielsprache übersetzt. (Bsp: Quelle: C, Ziel: Prozessor)

- interpretieren: jeden einzelnen Befehl: erst übersetzen, dann ausführen.
  Bsp: Skriptsprachen
- compilieren: erst gesamtes Programm übersetzen, dann Resultat ausführen
  Bsp: C, Fortran
- Mischformen: nach Zwischensprache compilieren, diese dann interpretieren.
  Bsp: Pascal (P-Code), Java (Bytecode), C# (CIL)

Struktur eines Übersetzers

- (Quelltext, Folge von Zeichen)
- lexikalische Analyse ($\rightarrow$ Folge von Token)
- syntaktische Analyse ($\rightarrow$ Baum)
- semantische Analyse ($\rightarrow$ annotierter Baum)
- Zwischencode-Erzeugung ($\rightarrow$ Befehlsfolge)
- Code-Erzeugung ($\rightarrow$ Befehlsfolge in Zielsprache)
- Zielmaschine (Ausführung)

Übung: Beispiele für Übersetzer

Java:

```
javac Foo.java # erzeugt Bytecode (Foo.class
java Foo       # führt Bytecode aus (JVM)
```

Einzelheiten der Übersetzung:

```
javap -c Foo   # druckt Bytecode
```

C:

```
gcc -c bar.c   # erzeugt Objekt(Maschinen)co
gcc -o bar bar.o # linkt (lädt) Objektcode (
./bar          # führt gelinktes Programm aus
```

Einzelheiten:

```
gcc -S bar.c # erzeugt Assemblercode (bar.s)
```

Aufgaben:

- geschachtelte arithmetische Ausdrücke in Java und C: vergleiche Bytecode mit Assemblercode
- vergleiche Assemblercode für Intel und Sparc (einloggen auf kain, dann gcc wie oben)

gcc für Java (gcj):

```
gcj -c Foo.java # erzeugt Objektcode
gcj -o Foo Foo.o --main=Foo # linken, wie ob
```

- Assemblercode ansehen, vergleichen

```
gcj -S Foo.java # erzeugt Assemblercode (Fo
```

- Kompatibilität des Bytecodes ausprobieren zwischen Sun-Java und GCJ (beide Richtungen)

```
gcj -C Foo.java # erzeugt Class-File (Foo.c
```


Syntax von Programmiersprachen

Daten-Repräsentation im Compiler

- Jede Compiler-Phase arbeitet auf geeigneter Repräsentation ihre Eingabedaten.
- Die semantischen Operationen benötigen das Programm als Baum

  (das ist auch die Form, die der Programmierer im Kopf hat).
- In den Knoten des Baums stehen Token,
- jedes Token hat einen Typ und einen Inhalt (eine Zeichenkette).

Token-Typen

Token-Typen sind üblicherweise

- reservierte Wörter (if, while, class, ...)
- Bezeichner (foo, bar, ...)
- Literale für ganze Zahlen, Gleitkommazahlen, Strings, Zeichen
- Trennzeichen (Komma, Semikolon)
- Klammern (runde: paren(these)s, eckige: brackets, geschweifte: braces) (jeweils auf und zu)
- Operatoren (`=, +, &&, ...`)

Formale Sprachen

- ein *Alphabet* ist eine Menge von Zeichen,
- ein *Wort* ist eine Folge von Zeichen,
- eine *formale Sprache* ist eine Menge von Wörtern.

Beispiele:

- Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$,
- Wort $w = ababaaab$,
- Sprache $L =$ Menge aller Wörter über Σ gerader Länge.
- Sprache (Menge) aller Gleitkomma-Konstanten in C.

Spezifikation formaler Sprachen

man kann eine formale Sprache beschreiben durch:

- *algebraisch* (Sprach-Operationen)

  Bsp: reguläre Ausdrücke

- *Generieren* (Grammatik), Bsp: kontextfreie Grammatik,
- *Akzeptanz* (Automat), Bsp: Kellerautomat,
- *logisch* (Eigenschaften),
  $\left\{ w \mid \forall p, r : \left(\begin{array}{l} (p < r \wedge w[p] = a \wedge w[r] = c) \\ \Rightarrow\ \exists q : (p < q \wedge q < r \wedge w[q] = b) \end{array} \right) \right\}$

Sprach-Operationen

Aus Sprachen L_1, L_2 konstruiere:

- Mengenoperationen
  - Vereinigung $L_1 \cup L_2$,
  - Durchschnitt $L_1 \cap L_2$, Differenz $L_1 \setminus L_2$;
- Verkettung $L_1 \cdot L_2 \ = \ \{w_1 \cdot w_2 \mid w_1 \in L_1, w_2 \in L_2\}$
- Stern (iterierte Verkettung) $L_1^* \ = \ \bigcup_{k \geq 0} L_1^k$

Def: Sprache *regulär* : $\Longleftrightarrow$ kann durch diese Operationen aus endlichen Sprachen konstruiert werden.
Satz: Durchschnitt und Differenz braucht man dabei nicht.

Reguläre Sprachen/Ausdrücke

Die Menge $E(\Sigma)$ der *regulären Ausdrücke*
über einem Alphabet (Buchstabenmenge) Σ
ist die kleinste Menge E, für die gilt:

- für jeden Buchstaben $x \in \Sigma : x \in E$
  (autotool: Ziffern oder Kleinbuchstaben)
- das leere Wort $\epsilon \in E$ (autotool: `Eps`)
- die leere Menge $\emptyset \in E$ (autotool: `Empty`)
- wenn $A, B \in E$, dann
  - (Verkettung) $A \cdot B \in E$ (autotool: $*$ oder weglassen)
  - (Vereinigung) $A + B \in E$ (autotool: +)
  - (Stern, Hülle) $A^* \in E$ (autotool: ^*)

Jeder solche Ausdruck beschreibt eine *reguläre Sprache*.

Beispiele/Aufgaben zu regulären Ausdrücken

Wir fixieren das Alphabet $\Sigma = \{a, b\}$.

- alle Wörter, die mit a beginnen und mit b enden: $a\Sigma^*b$.
- alle Wörter, die wenigstens drei a enthalten $\Sigma^*a\Sigma^*a\Sigma^*a\Sigma^*$
- alle Wörter mit gerade vielen a und beliebig vielen b?
- Alle Wörter, die ein aa oder ein bb enthalten: $\Sigma^*(aa \cup bb)\Sigma^*$
- (Wie lautet das Komplement dieser Sprache?)

Bemerkung zu Reg. Ausdr.

Wie beweist man $w \in \mathrm{L}(X)$?
(Wort w gehört zur Sprache eines regulären Ausdrucks X)

- wenn $X = X_1 + X_2$:
  beweise $w \in \mathrm{L}(X_1)$ *oder* beweise $w \in \mathrm{L}(X_2)$
- wenn $X = X_1 \cdot X_2$:
  zerlege $w = w_1 \cdot w_2$ *und* beweise $w_1 \in \mathrm{L}(X_1)$ *und*
  beweise $w_2 \in \mathrm{L}(X_2)$.
- wenn $X = X_1^*$:
  wähle einen Exponenten $k \in \mathbb{N}$ *und* beweise $w \in \mathrm{L}(X_1^k)$
  (nach vorigem Schema)

Beispiel: $w = abba, X = (ab^*)^*$.
$w = abb \cdot a = ab^2 \cdot ab^0 \in ab^* \cdot ab^* \subseteq (ab^*)^2 \subseteq (ab^*)^*$.

Übungen Reg. Ausdr.

- $(\Sigma^*, \cdot, \epsilon)$ ist Monoid
- . . . aber keine Gruppe, weil man im Allgemeinen nicht dividieren kann. Welche Relation ergibt sich als „Teilbarkeit“: $u \mid w := \exists v : u \cdot v = w$
- Zeichne Hasse-Diagramme der Teilbarkeitsrelation
  - auf natürlichen Zahlen $\{0, 1, \ldots, 10\}$,
  - auf Wörtern $\{a, b\}^{\leq 2}$
- $(\mathrm{Pow}(\Sigma^*), \cup, \cdot, \ldots, \ldots)$ ist Halbring.

  Beispiel für Distributivgesetz?

  Welches sind jeweils die neutralen Elemente der Operationen?

(vgl. oben) Welche Relation auf Sprachen (Mengen) ergibt sich als „Teilbarkeit“ bzgl. $\cup$?

- Damit $a^{b+c} = a^b \cdot a^c$ immer gilt, muß man a^0 wie definieren?
- Block-Kommentare und weitere autotool-Aufgaben
- reguläre Ausdrücke für Tokenklassen in der Standard-Pascal-Definition
  `http://www.standardpascal.org/iso7185.html#6.1Lexicaltokens`

  Welche Notation wird für unsere Operatoren $+$ und Stern benutzt? Was bedeuten die eckigen Klammern?

Wort-Ersetzungs-Systeme

Berechnungs-Modell (Markov-Algorithmen)

- Zustand (Speicherinhalt): Zeichenfolge (Wort)
- Schritt: Ersetzung eines Teilwortes

Regelmenge $R \subseteq \Sigma^* \times \Sigma^*$
Regel-Anwendung:
$u \to_R v \iff \exists x, z \in \Sigma^*, (l, r) \in R : u = x \cdot l \cdot z \wedge x \cdot r \cdot z = v.$
Beispiel: Bubble-Sort: $\{ba \to ab, ca \to ac, cb \to bc\}$
Beispiel: Potenzieren: $ab \to bba$
Aufgaben: gibt es unendlich lange Rechnungen für:
$R_1 = \{1000 \to 0001110\}, R_2 = \{aabb \to bbbaaa\}$?

Grammatiken

Grammatik G besteht aus:

- Terminal-Alphabet Σ
  (üblich: Kleinbuchst., Ziffern)
- Variablen-Alphabet V
  (üblich: Großbuchstaben)
- Startsymbol $S \in V$
- Regelmenge
  (Wort-Ersetzungs-Systems)
  $R \subseteq (\Sigma \cup V)^* \times (\Sigma \cup V)^*$

```
Grammatik
  { terminale
       = mkSet "abc"
  , variablen
       = mkSet "SA"
  , start = 'S'
  , regeln = mkSet
       [ ("S", "abc")
       , ("ab", "aabbA")
       , ("Ab", "bA")
       , ("Ac", "cc")
       ]
  }
```

von G erzeugte Sprache: $L(G) = \{w \mid S \to^* w \wedge w \in \Sigma^*\}$.

Formale Sprachen: Chomsky-Hierarchie

- (Typ 0) aufzählbare Sprachen (beliebige Grammatiken, Turingmaschinen)
- (Typ 1) kontextsensitive Sprachen (monotone Grammatiken, linear beschränkte Automaten)
- (Typ 2) kontextfreie Sprachen (kontextfreie Grammatiken, Kellerautomaten)
- (Typ 3) reguläre Sprachen (rechtslineare Grammatiken, reguläre Ausdrücke, endliche Automaten)

Tokenklassen sind meist reguläre Sprachen.
Programmiersprachen werden kontextfrei beschrieben (mit Zusatzbedingungen).

Typ-3-Grammatiken

(= rechtslineare Grammatiken)
jede Regel hat die Form

- Variable $\to$ Terminal Variable
- Variable $\to$ Terminal
- Variable $\to \epsilon$

(vgl. lineares Gleichungssystem)
Beispiele

- $G_1 = (\{a, b\}, \{S, T\}, S, \{S \to \epsilon, S \to aT, T \to bS\})$
- $G_2 = (\{a, b\}, \{S, T\}, S, \{S \to \epsilon, S \to aS, S \to bT, T \to aT, T \to bS\})$

Sätze über Reguläre Sprachen

Für jede Sprache L sind die folgenden Aussagen äquivalent:

- es gibt einen regulären Ausdruck X mit $L = \mathrm{L}(X)$,
- es gibt eine Typ-3-Grammatik G mit $L = \mathrm{L}(G)$,
- es gibt einen endlichen Automaten A mit $L = \mathrm{L}(A)$.

Beweispläne:

- Grammatik $\leftrightarrow$ Automat (Variable $=$ Zustand)
- Ausdruck $\to$ Automat (Teilbaum $=$ Zustand)
- Automat $\to$ Ausdruck

Kontextfreie Sprachen

Def (Wdhlg): G ist kontextfrei (Typ-2), falls
$\forall (l, r) \in R(G) : l \in V$.
geeignet zur Beschreibung von Sprachen mit hierarchischer Struktur.

```
Anweisung -> Bezeichner = Ausdruck
     | if Ausdruck then Anweisung else Anweis
Ausdruck -> Bezeichner | Literal
     | Ausdruck Operator Ausdruck
```

Bsp: korrekt geklammerte Ausdrücke:
$G = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \to aSbS, S \to \epsilon\})$.
Bsp: Palindrome:
$G = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \to aSa, S \to bSb, S \to \epsilon)$.
Bsp: alle Wörter w über $\Sigma = \{a, b\}$ mit $|w|_a = |w|_b$

Klammer-Sprachen

Abstraktion von vollständig geklammerten Ausdrücke mit zweistelligen Operatoren

`(4*(5+6)-(7+8))` $\Rightarrow$ `(()())` $\Rightarrow aababb$

Höhendifferenz: $h : \{a, b\}^* \to \mathbb{Z} : w \mapsto |w|_a - |w|_b$

Präfix-Relation: $u \leq w :\iff \exists v : u \cdot v = w$

Dyck-Sprache: $D = \{w \mid h(w) = 0 \wedge \forall u \leq w : h(u) \geq 0\}$

CF-Grammatik: $G = (\{a, b\}, \{S\}, \{S \to \epsilon, S \to aSbS\})$

Satz: $L(G) = D$. Beweis (Plan):

$L(G) \subseteq D$ Induktion über Länge der Ableitung

$D \subseteq L(G)$ Induktion über Wortlänge

Übungen

- Beispiele Wort-Ersetzung ($ab \to baa$, usw.)
- Dyck-Sprache: Beweis $L(G) \subseteq D$
  (Induktionsbehauptung? Induktionsschritt?)
- Dyck-Sprache: Beweis $D \subseteq L(G)$
- CF-Grammatik für $\{w \mid w \in \{a, b\}^*, |w|_a = |w|_b\}$
- CF-Grammatik für $\{w \mid w \in \{a, b\}^*, 2 \cdot |w|_a = |w|_b\}$

(erweiterte) Backus-Naur-Form

- Noam Chomsky: Struktur natürlicher Sprachen (1956)
- John Backus, Peter Naur: Definition der Syntax von Algol (1958)

Backus-Naur-Form (BNF) ≈ kontextfreie Grammatik

```
<assignment> -> <variable> = <expression>
<number> -> <digit> <number> | <digit>
```

Erweiterte BNF

- Wiederholungen (Stern, Plus) `<digit>^+`
- Auslassungen

```
if <expr> then <stmt> [ else <stmt> ]
```

kann in BNF übersetzt werden

Ableitungsbäume (II)

Def: der *Rand* eines geordneten, markierten Baumes (T, m) ist die Folge aller Blatt-Markierungen (von links nach rechts).

Beachte: die Blatt-Markierungen sind $\in \{\epsilon\} \cup \Sigma$, d. h. Terminalwörter der Länge 0 oder 1.

Für Blätter: $\mathrm{rand}(b) = m(b)$, für innere Knoten: $\mathrm{rand}(k) = \mathrm{rand}(k_1)\,\mathrm{rand}(k_2)\ldots\mathrm{rand}(k_n)$

Satz: $w \in L(G) \iff$ existiert Ableitungsbaum (T, m) für G mit $\mathrm{rand}(T, m) = w$.

Assoziativität

- Definition: Operation ist *assoziativ*
- Bsp: Plus ist nicht assoziativ (für Gleitkommazahlen) (Ü)
- für nicht assoziativen Operator $\odot$ muß man festlegen, was $x \odot y \odot z$ bedeuten soll:

$$(3+2)+4 \stackrel{?}{=} 3+2+4 \stackrel{?}{=} 3+(2+4)$$
$$(3-2)-4 \stackrel{?}{=} 3-2-4 \stackrel{?}{=} 3-(2-4)$$
$$(3**2)**4 \stackrel{?}{=} 3**2**4 \stackrel{?}{=} 3**(2**4)$$

- . . . und dann die Grammatik entsprechend einrichten

Präzedenzen

$$(3+2)*4 \stackrel{?}{=} 3+2*4 \stackrel{?}{=} 3+(2*4)$$

Grammatik-Regel

```
summand -> zahl
```

erweitern zu

```
summand -> zahl | produkt
produkt -> ...
```

(Assoziativität beachten)

Ableitungsbäume für CF-Sprachen

Def: ein geordneter Baum T mit Markierung $m : T \to \Sigma \cup \{\epsilon\} \cup V$ ist Ableitungsbaum für eine CF-Grammatik G, wenn:

- für jeden inneren Knoten k von T gilt $m(k) \in V$
- für jedes Blatt b von T gilt $m(b) \in \Sigma \cup \{\epsilon\}$
- für die Wurzel w von T gilt $m(w) = S(G)$ (Startsymbol)
- für jeden inneren Knoten k von T mit Kindern $k_1, k_2, \ldots, k_n$ gilt $(m(k), m(k_1)m(k_2)\ldots m(k_n)) \in R(G)$ (d. h. jedes $m(k_i) \in V \cup \Sigma$)
- für jeden inneren Knoten k von T mit einzigem Kind $k_1 = \epsilon$ gilt $(m(k), \epsilon) \in R(G)$.

Eindeutigkeit

Def: G heißt *eindeutig*, falls $\forall w \in L(G)$ *genau ein* Ableitungsbaum (T, m) existiert.

Bsp: ist $\{S \to aSb|SS|\epsilon\}$ eindeutig?

(beachte: mehrere Ableitungen $S \to_R^* w$ sind erlaubt, und wg. Kontextfreiheit auch gar nicht zu vermeiden.)

Die naheliegende Grammatik für arith. Ausdr.

```
expr -> number | expr + expr | expr * expr
```

ist mehrdeutig (aus *zwei* Gründen!)

Auswege:

- Transformation zu eindeutiger Grammatik (benutzt zusätzliche Variablen)
- Operator-Assoziativitäten und -Präzedenzen

Assoziativität (II)

`X1 + X2 + X3` auffassen als `(X1 + X2) + X3`

Grammatik-Regeln

```
Ausdruck -> Zahl | Ausdruck + Ausdruck
```

ersetzen durch

```
Ausdruck -> Summe
Summe    -> Summand | Summe + Summand
Summand  -> Zahl
```


Zusammenfassung Operator/Grammatik

Ziele:

- Klammern einsparen
- trotzdem eindeutig bestimmter Syntaxbaum

Festlegung:

- Assoziativität:
  bei Kombination eines Operators mit sich
- Präzedenz:
  bei Kombination verschiedener Operatoren

Realisierung in CFG:

- Links/Rechts-Assoziativität ⇒ Links/Rechts-Rekursion
- verschiedene Präzedenzen ⇒ verschiedene Variablen

Übung Operator/Grammatik

Übung:

- Verhältnis von plus zu minus, mal zu durch?
- Klammern?
- unäre Operatoren (Präfix/Postfix)?

Attributgrammatiken (I)

- Attribut: Annotation an Knoten des Syntaxbaums.

  A : Knotenmenge $\to$ Attributwerte (Bsp: $\mathbb{N}$)

- Attributgrammatik besteht aus:
  - kontextfreier Grammatik G (Bsp: $\{S \to e \mid mSS\}$)
  - für jeden Knotentyp (Terminal + Regel)
    eine Menge (Relation) von erlaubten Attribut-Tupeln
    $(A(X_0), A(X_1), \ldots, A(X_n))$
    für Knoten X_0 mit Kindern $[X_1, \ldots, X_n]$

    $S \to mSS$, $A(X_0) + A(X_3) = A(X_2)$;
    $S \to e$, $A(X_0) = A(X_1)$;
    Terminale: $A(e) = 1, A(m) = 0$

Donald E. Knuth

- The Art Of Computer Programming (1968, ...)

  (Band 3: Sortieren und Suchen)

- TEX, Metafont, Literate Programming (1983, ...)

  (Leslie Lamport: LATEX)

- Attribut-Grammatiken
- die Bezeichnung „NP-vollständig“
- ...

`http://www-cs-faculty.stanford.edu/~uno/`

Attributgrammatiken–Beispiele

- Auswertung arithmetischer Ausdrücke (dynamisch)
- Bestimmung des abstrakten Syntaxbaumes
- Typprüfung (statisch)
- Kompilation (für Kellermaschine) (statisch)

Semantik von Programmiersprachen

Statische und dynamische Semantik

Semantik = Bedeutung

- statisch (kann zur Übersetzungszeit geprüft werden)

  Beispiele:

  – Typ-Korrektheit von Ausdrücken,
  – Bedeutung (Bindung) von Bezeichnern

  Hilfsmittel: Attributgrammatiken

- dynamisch (beschreibt Ausführung des Programms)

  operational, axiomatisch, denotational

Attributgrammatiken (II)

ein Ableitungsbaum mit Annotationen ist
korrekt bezüglich einer Attributgrammatik, wenn

- zur zugrundeliegenden CF-Grammatik paßt
- in jedem Knoten das Attribut-Tupel (von Knoten und Kindern) zur erlaubten Tupelmenge gehört

Plan:

- Baum beschreibt Syntax, Attribute beschreiben Semantik

Ursprung: Donald Knuth: Semantics of Context-Free Languages, (Math. Systems Theory 2, 1968)
technische Schwierigkeit: Attributwerte effizient bestimmen. (beachte: (zirkuläre) Abhängigkeiten)

Arten von Attributen

- synthetisiert:

  hängt nur von Attributwerten in Kindknoten ab

- ererbt (inherited)

  hängt nur von Attributwerten in Elternknoten und (linken) Geschwisterknoten ab

Wenn Abhängigkeiten bekannt sind, kann man Attributwerte durch Werkzeuge bestimmen lassen.

Konkrete und abstrakte Syntax

- konkreter Syntaxbaum = der Ableitungsbaum
- abstrakter Syntaxbaum = wesentliche Teile des konkreten Baumes

unwesentlich sind z. B. die Knoten, die zu Hilfsvariablen der Grammatik gehören.
abstrakter Syntaxbaum kann als synthetisiertes Attribut konstruiert werden.

```
E -> E + P  ;  E.abs = new Plus(E.abs, P.abs
E -> P      ;  E.abs = P.abs
```

Regeln zur Typprüfung

. . . bei geschachtelten Funktionsaufrufen

- Funktion f hat Typ $A \to B$
- Ausdruck X hat Typ A
- dann hat Ausdruck $f(X)$ den Typ B

Beispiel

```
String x = "foo"; String y = "bar";

Boolean.toString (x.length() < y.length()));
```

(Curry-Howard-Isomorphie)

Übungen (Stackmaschine)

Schreiben Sie eine Java-Methode, deren Kompilation genau diesen Bytecode erzeugt: a)

```
  public static int h(int, int);
    Code:
       0: iconst_3
       1: iload_0
       2: iadd
       3: iload_1
       4: iconst_4
       5: isub
       6: imul
       7: ireturn
```

b)


```
      14: goto           2
      17: iload_2
      18: ireturn
```


Bsp: Operationale Semantik

Schleife

```
while (B) A
```

wird übersetzt in Sprungbefehle

```
   if (B) ...
```

(vervollständige!)

Aufgabe: übersetze `for(A; B; C) D` in while!

Ausdrücke $\to$ Kellermaschine

Beispiel:

$3 * x + 1 \Rightarrow$ push 3, push x, mal, push 1, plus

- Code für Konstante/Variable c : `push c;`
- Code für Ausdruck x op y: `code(x); code(y); op;`
- Ausführung eines Operators:

  holt beide Argumente vom Stack, schiebt Resultat auf Stack

Der erzeugte Code ist synthetisiertes Attribut!
Beispiele: Java-Bytecode (javac, javap),
CIL (gmcs, monodis)


```
  public static int g(int, int);
    Code:
       0: iload_0
       1: istore_2
       2: iload_1
       3: ifle          17
       6: iload_2
       7: iload_0
       8: imul
       9: istore_2
      10: iload_1
      11: iconst_1
      12: isub
      13: istore_1
```


Dynamische Semantik

- operational:

  beschreibt Wirkung von Anweisungen durch Änderung des Programmzustandes

- denotational:

  ordnet jedem (Teil-)Programm einen Wert zu, Bsp: eine Funktion (höherer Ordnung).

  Beweis von Programmeigenschaften durch Term-Umformungen

- axiomatisch (Bsp: Hoare-Kalkül):

  enthält Schlußregeln, um Aussagen über Programme zu beweisen

Denotationale Semantik

Beispiele

- jedes (nebenwirkungsfreie) *Unterprogramm* ist eine Funktion von Argument nach Resultat
- jede *Anweisung* ist eine Funktion von Speicherzustand nach Speicherzustand

Vorteile denotationaler Semantik:

- Bedeutung eines Programmes $=$ mathematisches Objekt
- durch Term beschreiben, durch äquivalente Umformungen verarbeiten (equational reasoning)

Vorteil deklarativer Programierung:
Programmiersprache *ist* Beschreibungssprache

Beispiele Denotationale Semantik

- jeder arithmetische Ausdruck (aus Konstanten und Operatoren)

  beschreibt eine Zahl

- jeder aussagenlogische Ausdruck (aus Variablen und Operatoren)

  beschreibt eine Funktion (von Variablenbelegung nach Wahrheitswert)

- jeder reguläre Ausdruck

  beschreibt eine formale Sprache

Axiomatische Semantik

Notation für Aussagen über Programmzustände:

```
{ V } A { N }
```

- für jeden Zustand s, in dem Vorbedingung V gilt:
- wenn Anweisung A ausgeführt wird,
- und Zustand t erreicht wird, dann gilt dort Nachbedingung N

Beispiel:

```
{ x >= 5 } y := x + 3 { y >= 7 }
```

Gültigkeit solcher Aussagen kann man

- beweisen (mit Hoare-Kalkül)
- prüfen (testen)

Hoare-Kalkül

Kalkül: für jede Anweisung ein Axiom, das die schwächste Vorbedingung (weakest precondition) beschreibt.

Beispiele

- `{ N[x/E] } x := E { N }`
- ```
  { V und     B } C { N }
  und { V und not B } D { N }
  =>  { V } if (B) then C else D { N }
  ```
- Schleife . . . benötigt Invariante

Übungen (Invarianten)

Ergänze das Programm:

```
Eingabe: natürliche Zahlen a, b;
// a = A und b = B
int p = 1; int c = ???;
// Invariante:  c^b * p = A^B
while (b > 0) {
    ???
    b = abrunden (b/2);
}
Ausgabe: p; // p = A^B
```


Beispiel: Semantik von Unterprogr.

Unterprogramme definiert durch Gleichungssysteme. Sind diese immer eindeutig lösbar?

Geben Sie geschlossenen arithmetischen Ausdruck für:

```
f (x) = if x > 52
        then x - 11
        else f (f (x + 12))

t (x, y, z) =
  if x <= y then z + 1
  else t ( t (x-1, y, z)
         , t (y-1, z, x)
         , t (z-1, x, y) )
```


Eiffel

Bertrand Meyer, `http://www.eiffel.com/`

```
class Stack [G]     feature
    count : INTEGER
    item : G is require not empty do ... end
    empty : BOOLEAN is do .. end
    full  : BOOLEAN is do .. end
    put (x: G) is
       require not full do ...
       ensure not empty
              item = x
              count = old count + 1
```

Beispiel sinngemäß aus: B. Meyer: Object Oriented Software Construction, Prentice Hall 1997

Axiom für Schleifen

```
wenn  { I and B } A { I },
dann  { I } while (B) do A { I and not B }
```

Beispiel:

```
Eingabe int p, q;
// p = P und q = Q
int c = 0;
// inv: p * q + c = P * Q
while (q > 0) {
   ???
}
// c = P * Q
```

Moral: erst Schleifeninvariante (Spezifikation), dann Implementierung.

Typen

Warum Typen?

- Typ ist Menge von Werten mit Operationen
- für jede eigene Menge von Werten (Variablen) aus dem *Anwendungsbereich* benutze eine eigenen Typ
- halte verschiedene Typen sauber getrennt, mit Hilfe der Programmiersprache
- der Typ einer Variablen/Funktion ist ihre beste Dokumentation
```

Historische Entwicklung

- keine Typen (alles ist int)
- vorgegebene Typen (Fortran: Integer, Real, Arrays)
- nutzerdefinierte Typen
- abstrakte Datentypen

Überblick

- einfache (primitive) Typen
  - Zahlen, Wahrheitswerte, Zeichen
  - nutzerdefinierte Aufzählungstypen
  - Teilbereiche
- zusammengesetzte (strukturierte) Typen
  - Produkt (records)
  - Summe (unions)
  - rekursive Typen
  - Potenz (Funktionen: Arrays, (Tree/Hash-)Maps, Unterprogramme)
  - Verweistypen (Zeiger)

Aufzählungstypen

können einer Teilmenge ganzer Zahlen zugeordnet werden

- vorgegeben: int, char, boolean
- nutzerdefiniert (enum)

```
typedef enum {
  Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun
} day;
```

Designfragen:

- automatisch nach `int` umgewandelt?
- automatisch von `int` umgewandelt?
- eine Konstante in mehreren Aufzählungen möglich?

Keine Aufzählungstypen

das ist nett gemeint, aber vergeblich:

```
#define Mon 0
#define Tue 1
...
#define Sun 6

typedef int day;

int main () {
    day x = Sat;
    day y = x * x;
}
```


Aufzählungstypen in C

im wesentlichen genauso nutzlos:

```
typedef enum {
   Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun
} day;

int main () {
    day x = Sat;
    day y = x * x;
}
```

Übung: was ist in C++ besser?

Aufzählungstypen in Java

```
enum Day {
    Mon, Tue, Wed, Thu, Fri, Sat, Sun;

    public static void main (String [] argv)
        for (Day d : Day.values ()) {
            System.out.println (d);
        }
    }
}
```

verhält sich wie Klasse
(genauer: Schnittstelle mit 7 Implementierungen)
siehe Übung (jetzt oder bei Objekten)

Teilbereichstypen in Ada

```
with Ada.Text_Io;
procedure Day is
   type Day is ( Mon, Tue, Thu, Fri, Sat, Sun );
   subtype Weekday is Day range Mon .. Fri;
   X, Y : Day;
begin
   X := Fri;     Ada.Text_Io.Put (Day'Image(X));
   Y := Day'Succ(X); Ada.Text_Io.Put (Day'Image(Y));
end Day;
```

mit Bereichsprüfung bei jeder Zuweisung.
einige Tests können aber vom Compiler statisch ausgeführt werden!

Abgeleitete Typen in Ada

```
procedure Fruit is
   subtype Natural is
       Integer range 0 .. Integer'Last;
   type Apples  is new Natural;
   type Oranges is new Natural;
   A : Apples; O : Oranges; I : Integer;
begin -- nicht alles korrekt:
   A := 4; O := A + 1; I := A * A;
end Fruit;
```

Natural, Äpfel und Orangen sind isomorph, aber nicht zuweisungskompatibel.
Sonderfall: Zahlenkonstanten gehören zu jedem abgeleiteten Typ.

Zusammengesetzte Typen

Typ = Menge, Zusammensetzung = Mengenoperation:

- Produkt (record, struct)
- Summe (union, case class)
- Rekursion
- Potenz (Funktion)

Produkttypen (Records)

$R = A \times B \times C$

Kreuzprodukt mit benannten Komponenten:

```
typedef struct {
    A foo;
    B bar;
    C baz;
} R;

R x; ...  B x.bar; ...
```

erstmalig in COBOL (≤ 1960)

Übung: Record-Konstruktion (in C, C++)?

Summen-Typen

$R = A \cup B \cup C$

disjunkte (diskriminierte) Vereinigung (Pascal)

```
type tag = ( eins, zwei, drei );
type R = record case t : tag of
    eins : ( a_value : A );
    zwei : ( b_value : B );
    drei : ( c_value : C );
end record;
```

nicht diskriminiert (C):

```
typedef union {
    A a_value; B b_value; C c_value;
}
```


Vereinigung mittels Interfaces

I repräsentiert die Vereinigung von A und B:

```
interface I { }
class A implements I { int foo; }
class B implements I { String bar; }
```

Notation dafür in Scala (`http://scala-lang.org/`)

```
abstract class I
case class A (foo : Int) extends I
case class B (bar : String) extends I
```

Verarbeitung durch *Pattern matching*

```
def g (x : I): Int = x match {
    case A(f) => f + 1
    case B(b) => b.length()  }
```


Rekursiv definierte Typen

Haskell (`http://haskell.org/`)

```
data Tree a = Leaf a
            | Branch ( Tree a ) ( Tree a )
data List a = Nil | Cons a ( List a )
```

Java

```
interface Tree<A> { }
class Leaf<A> implements Tree<A> { A key }
class Branch<A> implements Tree<A>
  { Tree<A> left, Tree<A> right }
```

das ist ein *algebraischer Datentyp*,
die Konstruktoren (Leaf, Nil) bilden die Signatur der Algebra,
die Elemente der Algebra sind Terme (Bäume)

Potenz-Typen

$B^A := \{f : A \to B\}$ (Menge aller Funktionen von A nach B)
ist sinnvolle Notation, denn $|B|^{|A|} = \left|B^A\right|$
spezielle Realisierungen:

- Funktionen (Unterprogramme)
- Wertetabellen (Funktion mit endlichem Definitionsbereich) (Assoziative Felder, Hashmaps)
- Felder (Definitionsbereich ist Aufzählungstyp) (Arrays)
- Zeichenketten (Strings)

die unterschiedliche Notation dafür (Beispiele?) ist bedauerlich.

Felder (Arrays)

Design-Entscheidungen:

- welche Index-Typen erlaubt? (Zahlen? Aufzählungen?)
- Bereichsprüfungen bei Indizierungen?
- Index-Bereiche statisch oder dynamisch?
- Allokation statisch oder dynamisch?
- Initialisierung?
- mehrdimensionale Felder gemischt oder rechteckig?

Felder in C

```
int main () {
    int a [10][10];
    a[3][2] = 8;
    printf ("%d\n", a[2][12]);
}
```

statische Dimensionierung, dynamische Allokation, keine Bereichsprüfungen.

Form: rechteckig, Adress-Rechnung:

```
int [M][N];
a[x][y]  ==>  *(&a + (N*x + y))
```

Felder in Java

```
int [][] feld =
         { {1,2,3}, {3,4}, {5}, {} };
for (int [] line : feld) {
    for (int item : line) {
       System.out.print (item + " ");
    }
    System.out.println ();
}
```

dynamische Dimensionierung und Allokation,
Bereichsprüfungen. Nicht notwendig rechteckig.

Nicht rechteckige Felder in C?

Das geht:

```
int a [] = {1,2,3};
int b [] = {4,5};
int c [] = {6};
    e    = {a,b,c};
printf ("%d\n", e[1][1]);
```

aber welches ist dann der Typ von `e`?
(es ist nicht `int e [][]`.)

Dynamische Feldgrößen

Designfrage: kann ein Feld (auch: String) seine Größe ändern?

(C: wird sowieso nicht geprüft, Java: nein, Perl: ja)

in Java: wenn man das will, dann will man statt Array eine LinkedList, statt String einen StringBuffer.

wenn man mit Strings arbeitet, dann ist es meist ein Fehler:

benutze Strings *zwischen* Programmen,
aber niemals *innerhalb* eines Programms.

ein einem Programm: benutze immer anwendungsspezifische Datentypen.

. . . deren externe Syntax spiel überhaupt keine Rolle

Verweistypen

- Typ T, Typ der Verweise auf T.
- Operationen: new, put, get, delete
- ähnlich zu Arrays (das Array ist der Hauptspeicher)

explizite Verweise in C, Pascal
implizite Verweise:

- Java: alle nicht primitiven Typen sind Verweistypen, De-Referenzierung ist implizit
- C#: class ist Verweistyp, struct ist Werttyp

Algebraische Datentypen in Pascal, C

Rekursion unter Verwendung von Verweistypen
Pascal:

```
type Tree = ^ Node ;
type Tag = ( Leaf, Branch );
type Node = record case t : Tag of
  Leaf : ( key : T ) ;
  Branch : ( left : Tree ; right : Tree );
end record;
```

C: ähnlich, benutze typedef

Maßeinheiten in F#

physikalische Größe $=$ Maßzahl $\times$ Einheit.
viele teure Softwarefehler durch Ignorieren der Einheiten.
in F# (Syme, 200?), aufbauend auf ML (Milner, 197?)

```
[<Measure>] type kg ;;
let x = 1<kg> ;;
x * x ;;
[<Measure>] type s ;;
let y = 2<s> ;;
x * y ;;
x + y ;;
```

`http://msdn.microsoft.com/en-us/library/dd233243.aspx`

Übung Typen

- Teilbereichstypen und abgeleitete Typen in Ada (Vergleich mit dimensionierten Typen in F#)
- Arrays in C (Assemblercode anschauen)
- rechteckige und geschachtelte Arrays in C#
- Wert/Verweis (struct/class) in C#

Bezeichner, Bindungen, Bereiche

Variablen

vereinfacht: Variable bezeichnet eine (logische) Speicherzelle
genauer: Variable besitzt Attribute

- Name
- Adresse
- Wert
- Typ
- Lebensdauer
- Sichtbarkeitsbereich

Bindungen dieser Attribute *statisch* oder *dynamisch*

Namen in der Mathematik

- ein Name bezeichnet einen unveränderlichen Wert

$$e = \sum_{n\geq 0} \frac{1}{n!}, \quad \sin = (x \mapsto \sum_{n\geq 0} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!})$$

- auch n und x sind dabei lokale Konstanten (werden aber gern „Variablen“ genannt)
- auch die „Variablen“ in Gleichungssystemen sind (unbekannte) Konstanten $\{x + y = 1 \wedge 2x + y = 1\}$

in der Programmierung:

- Variable ist Name für Speicherstelle (= konstanter Zeiger)
- implizite Dereferenzierung beim Lesen und Schreiben
- Konstante: Zeiger auf schreibgeschützte Speicherstelle

Namen

- welche Buchstaben/Zeichen sind erlaubt?
- reservierte Bezeichner?
- Groß/Kleinschreibung?
- Konvention: `long_name` oder `longName` (camel-case)
  (Fortran: `long name`)
  im Zweifelsfall: Konvention der Umgebung einhalten
- Konvention: Typ im Namen (schlecht, weil so Implementierungsdetails verraten werden)
  schlecht: `myStack = ...`
  besser: `Stack<Ding> rest_of_input = ...`

Typen für Variablen

- dynamisch (Wert hat Typ)
- statisch (Name hat Typ)
  - deklariert (durch Programmierer)
  - inferiert (durch Übersetzer)
    z. B. `var` in C#3

Vor/Nachteile: Lesbarkeit, Sicherheit, Kosten

Dynamisch getypte Sprachen

Daten sind typisiert, Namen sind nicht typisiert.
LISP, Clojure, PHP, Python, Perl, Javascript, ...

```
<html><body><script type="text/javascript">
var bar = true;
var foo =
  bar ? [1,2] : function(x) {return 3*x;};
document.write (foo[0]);
</script></body></html>
```


Statisch getypte Sprachen

Daten sind typisiert, Namen sind typisiert

- Programmierer muß Typen von Namen deklarieren:
  C, Java, ...
- Compiler inferiert Typen von Namen:
  ML, F#, Haskell, C# (var)

Typinferenz in C#

```
public class infer {
    public static void Main (string [] argv)
        var arg = argv[0];
        var len = arg.Length;
        System.Console.WriteLine (len);
    }
}
```

Beachte: das `var` in C# ist nicht das `var` aus Javascript.

Typdeklarationen

im einfachsten Fall (Java, C#):

```
Typname Variablenname [ = Initialisierung ]
int []  a = { 1, 2, 3 };
Func<double,double> f = (x => sin(x));
```

gern auch komplizierter (C): dort gibt es keine Syntax für Typen, sondern nur für Deklarationen von Namen.

```
double f (double x) { return sin(x); }
int * p;
double ( * a [2]) (double) ;
```

Beachte: `*` und `[]` werden „von außen nach innen “ angewendet
Ü: Syntaxbäume zeichnen, `a` benutzen

Konstanten

= Variablen, an die genau einmal zugewiesen wird

- C: const (ist Attribut für Typ)
- Java: final (ist Attribut für Variable)

Vorsicht:

```
class C { int foo; }
static void g (final C x) { x.foo ++; }
```

Merksatz: alle Deklarationen so lokal und so konstant wie möglich!
(D. h. Attribute *immutable* usw.)

Lebensort und -Dauer von Variablen

- statisch (global, aber auch lokal:)

```
int f (int x) {
    static int y = 3; y++; return x+y;
}
```

- dynamisch
  - Stack `{ int x = ... }`
  - Heap
    - explizit (new/delete, malloc/free)
    - implizit

Sichtbarkeit von Namen

= Bereich der Anweisungen/Deklarationen, in denen ein Name benutzt werden kann.

- global
- lokal: Block (und Unterblöcke)

Üblich ist: Sichtbarkeit beginnt *nach* Deklaration und endet am Ende des umgebenden Blockes

Überdeckungen

Namen sind auch in inneren Blöcken sichtbar:

```
int x;
while (..) {
  int y;
  ... x + y ...
}
```

innere Deklarationen verdecken äußere:

```
int x;
while (..) {
  int x;
  ... x ...
}
```


Sichtbarkeit und Lebensdauer

. . . stimmen nicht immer überein:

- static-Variablen in C-Funktionen

  sichtbar: in Funktion, Leben: Programm

- lokale Variablen in Unterprogrammen

  sichtbar: innere Blöcke, Leben: bis Ende Unterpr.

Ausdrücke

Einleitung

- Ausdruck hat *Wert* (Zahl, Objekt, . . .)
  (Ausdruck wird *ausgewertet*)
- Anweisung hat *Wirkung* (Änderung des Programm/Welt-Zustandes)
  (Anweisung wird *ausgeführt*)

Vgl. Trennung (in Pascal, Ada)

- Funktion (Aufruf ist Ausdruck)
- Prozedur (Aufruf ist Anweisung)

Einleitung (II)

- in allen imperativen Sprachen gibt es Ausdrücke mit Nebenwirkungen

  (nämlich Unterprogramm-Aufrufe)

- in den rein funktionalen Sprachen gibt es keine (Neben-)Wirkungen, also keine Anweisungen

  (sondern nur Ausdrücke).

- in den C-ähnlichen Sprachen ist = ein Operator,

  (d. h. die Zuweisung ist syntaktisch ein Ausdruck)

Designfragen für Ausdrücke

- Präzedenzen (Vorrang)
- Assoziativitäten (Gruppierung)
- Ausdrücke dürfen (Neben-)Wirkungen haben?
- in welcher Reihenfolge treten die auf?
- welche impliziten Typumwandlungen?
- explizite Typumwandlungen (cast)?
- kann Programmierer Operatoren definieren? überladen?

Syntax von Ausdrücken

- einfache Ausdrücke : Konstante, Variable
- zusammengesetzte Ausdrücke:
  - Operator-Symbol zwischen Argumenten
  - Funktions-Symbol vor Argument-Tupel

wichtige Spezialfälle für Operatoren:

- arithmetische, relationale, boolesche

Wdhlg: Syntaxbaum, Präzedenz, Assoziativität.

Syntax von Konstanten

Was druckt diese Anweisung?

```
System.out.println ( 12345 + 5432l );
```

dieses und einige der folgenden Beispiele aus: Joshua Bloch, Neil Gafter: *Java Puzzlers*, Addison-Wesley, 2005.

Der Plus-Operator in Java

. . . addiert Zahlen und verkettet Strings.

```
System.out.println ("foo" + 3 + 4);
System.out.println (3 + 4 + "bar");
```


Überladene Operatornamen

aus praktischen Gründen sind arithmetische und relationale Operatornamen *überladen*

(d. h.: ein Name für mehrere Bedeutungen)

Überladung wird aufgelöst durch die Typen der Argumente.

```
int x = 3; int y = 4; ... x + y ...
double a;   double b; ... a + b ...
String p;   String q; ... p + q ...
```


Automatische Typanpassungen

in vielen Sprachen postuliert man eine Hierarchie von Zahlbereichstypen:

$\text{byte} \subseteq \text{int} \subseteq \text{float} \subseteq \text{double}$

im allgemeinen ist das eine Halbordnung.

Operator mit Argumenten verschiedener Typen:

```
(x :: int) + (y :: float)
```

beide Argumente werden zu kleinstem gemeinsamen Obertyp promoviert, falls dieser eindeutig ist (sonst statischer Typfehler)

(Halbordnung $\rightarrow$ Halbverband)

Implizite/Explizite Typumwandlungen

Was druckt dieses Programm?

```
long x = 1000 * 1000 * 1000 * 1000;
long y = 1000 * 1000;
System.out.println ( x / y );
```

Was druckt dieses Programm?

```
System.out.println ((int) (char) (byte) -1);
```

Moral: wenn man nicht auf den ersten Blick sieht, was ein Programm macht, dann macht es wahrscheinlich nicht das, was man will.

Explizite Typumwandlungen

sieht gleich aus und heißt gleich (cast), hat aber verschiedene Bedeutungen:

- Datum soll in anderen Typ gewandelt werden, Repräsentation ändert sich:

  ```
  double x = (double) 2 / (double) 3;
  ```

- Programmierer weiß es besser (als der Compiler), Repräsentation ändert sich nicht:

  ```
  List books;
  Book b = (Book) books.get (7);
  ```

  . . . kommt nur vor, wenn man die falsche Programmiersprache benutzt (nämlich Java vor 1.5)

Der Verzweigungs-Operator

Absicht: statt

```
if ( 0 == x % 2 ) {
  x = x / 2;
} else {
  x = 3 * x + 1;
}
```

lieber

```
x = if ( 0 == x % 2 )
      x / 2
    } else {
      3 * x + 1
    } ;
```

historische Notation dafür

```
x = ( 0 == x % 2 ) ? x / 2 : 3 * x + 1;
```

?/: ist *ternärer* Operator

Verzweigungs-Operator(II)

`(... ? ... : ... )` in C, C++, Java

Anwendung im Ziel einer Zuweisung (C++):

```
int main () {
    int a = 4; int b = 5; int c = 6;
    ( c < 7 ? a : b ) = 8;
}
```

Relationale Operatoren

kleiner, größer, gleich,...

Was tut dieses Programm (C? Java?)

```
int a = -4; int b = -3; int c = -2;
if (a < b < c) {
    printf ("aufsteigend");
}
```


Logische (Boolesche) Ausdrücke

- und `&&`, `||` oder, nicht `!`, gleich, ungleich, kleiner, ...
- nicht verwechseln mit Bit-Operationen `&`, `|`

  (in C gefährlich, in Java ungefährlich—warum?)
- verkürzte Auswertung?

```
int [] a = ...; int k = ...;
if ( k >= 0 && a[k] > 7 ) { ... }
```

(Ü: wie sieht das in Ada aus?)

Noch mehr Quizfragen

- ```
  System.out.println ("H" + "a");
  System.out.println ('H' + 'a');
  ```
- ```
  char x = 'X'; int i = 0;
  System.out.print (true  ? x : 0);
  System.out.print (false ? i : x);
  ```

Erklären durch Verweis auf Java Language Spec.

Der Zuweisungs-Operator

Syntax:

- Algol, Pascal: Zuweisung `:=`, Vergleich `=`
- Fortran, C, Java: Zuweisung `=`, Vergleich `==`

Semantik der Zuweisung `a = b`:
Ausdrücke links und rechts werden verschieden behandelt:

- bestimme Adresse (lvalue) p von `a`
- bestimme Wert (rvalue) v von `b`
- schreibe v auf p

Weitere Formen der Zuweisung

(in C-ähnlichen Sprachen)

- verkürzte Zuweisung: `a += b`

  entsprechend für andere binäre Operatoren
  - lvalue p von a wird bestimmt (nur einmal)
  - rvalue v von b wird bestimmt
  - Wert auf Adresse $\S p$ wird um v erhöht
- Inkrement/Dekrement
  - Präfix-Version `++i`, `--j`: Wert ist der geänderte
  - Suffix-Version `i++`, `j--`: Wert ist der vorherige

Ausdrücke mit Nebenwirkungen

(*side effect*; falsche Übersetzung: Seiteneffekt)
in C-ähnlichen Sprachen: Zuweisungs-Operatoren bilden Ausdrücke, d. h. Zuweisungen sind Ausdrücke und können als Teile von Ausdrücken vorkommen.
Wert einer Zuweisung ist der zugewiesene Wert

```
int a; int b; a = b = 5; // wie geklammert?
```

Komma-Operator zur Verkettung von Ausdrücken (mit Nebenwirkungen)

```
for (... ; ... ; i++,j--) { ... }
```


Auswertungsreihenfolgen

Kritisch: wenn Wert des Ausdrucks von Auswertungsreihenfolge abhängt:

```
int a; int b = (a = 5) + (a = 6);
int d = 3; int e = (d++) - (++d);
```

- keine Nebenwirkungen: egal
- mit Nebenwirkungen:
  - C, C++: Reihenfolge nicht spezifiziert, wenn Wert davon abhängt, dann ist Verhalten *nicht definiert*
  - Java, C#: Reihenfolge genau spezifiziert (siehe JLS)

Auswertungsreihenfolge in C

Sprachstandard (C99, C++) benutzt Begriff *sequence point* (Meilenstein):
bei Komma, Fragezeichen, `&&` und `||`

die Nebenwirkungen zwischen Meilensteinen müssen unabhängig sein (nicht die gleiche Speicherstelle betreffen),
ansonsten ist das Verhalten undefiniert (d.h., der Compiler darf machen, was er will)

```
int x = 3; int y = ++x + ++x + ++x;
```

vgl. Aussagen zu sequence points in
`http://gcc.gnu.org/readings.html`
Gurevich, Huggins: Semantics of C,

http://citeseerx.ist.psu.edu/viewdoc/summary?doi=10.1.1.29.6755

Programm-Ablauf-Steuerung

Ausführen eines Programms im von-Neumann-Modell:
Was? (Operation) Womit? (Operanden) Wohin? (Resultat)
Wie weiter? (nächste Anweisung)
strukturierte Programmierung:

- Nacheinander
- außer der Reihe (Sprung, Unterprogramm, Exception)
- Verzweigung
- Wiederholung

engl. *control flow*, falsche Übersetzung: Kontrollfluß;
to control = steuern, *to check* = kontrollieren/prüfen

Verzweigungen (zweifach)

in den meisten Sprachen:

```
if Bedingung then Anweisung1
     [ else Anweisung2 ]
```

Designfragen:

- was ist als Bedingung gestattet (gibt es einen Typ für Wahrheitswerte?)
- dangling else
  - gelöst durch Festlegung (else gehört zu letztem if)
  - vermieden durch Block-Bildung (Perl, Ada)
  - tritt nicht auf, weil man else nie weglassen darf (vgl. ?/:) (Haskell)

Switch/break

das macht eben in C, C++, Java nicht das, was man denkt:

```
switch (index) {
  case 1  : odd  ++;
  case 2  : even ++;
  default :
     printf ("wrong index %d\n", index);
}
```

C#: jeder Fall *muß* mit break (oder goto) enden.

Anweisungen(I)

Definition

Semantik: Anweisung hat *Wirkung* (Zustandsänderung), die bei Ausführung eintritt.
abstrakte Syntax:

- einfache Anweisung:
  - Zuweisung
  - Unterprogramm-Aufruf
- zusammengesetzte Anweisung:
  - Nacheinanderausführung (Block)
  - Verzweigung (zweifach: if, mehrfach: switch)
  - Wiederholung (Sprung, Schleife)

Blöcke

Folge von (Deklarationen und) Anweisungen
Designfrage: Blöcke

- explizit (Klammern, begin/end)
- implizit (if . . . then . . . end if)

Designfrage: Deklarationen gestattet

- am Beginn des (Unter-)Programms (Pascal)
- am Beginn des Blocks (C)
- an jeder Stelle des Blocks (C++, Java)

Mehrfach-Verzweigung

```
switch (e) {
   case c1 : s1 ;
   case c2 : s2 ;
   [ default : sn; ]
}
```

Designfragen:

- welche Typen für `e`?
- welche Werte für `ci`?
- Wertebereiche?
- was passiert, wenn mehrere Fälle zutreffen?
- was passiert, wenn kein Fall zutrifft (default?)
- (effiziente Kompilation?)

Kompilation

ein switch (mit vielen cases) wird übersetzt in:

- (naiv) eine lineare Folge von binären Verzweigungen (if, elsif)
- (semi-clever) einen balancierter Baum von binären Verzweigungen
- (clever) eine Sprungtabelle

Übung:

- einen langen Switch (1000 Fälle) erzeugen (durch ein Programm!)
- Assembler/Bytecode anschauen

Pattern Matching

- Fallunterscheidung nach dem Konstruktor
- Bindung von lokalen Namen

```
abstract class Term   // Scala
case class Constant (value : Int)
    extends Term
case class Plus (left: Term, right : Term)
    extends Term
def eval(t: Term): Int = {
  t match {
    case Constant(v) => v
    case Plus(l, r) => eval(l) + eval(r)
  } }
```


Schleifen steuern durch. . .

- Zähler

```
for p in 1 .. 10 loop .. end loop;
```

- Daten

```
map (\x -> x*x) [1,2,3] ==> [1,4,9]
Collection<String> c
    = new LinkedList<String> ();
for (String s : c) { ... }
```

- Bedingung

```
while ( x > 0 ) { if ( ... ) { x = ... } ..
```

- Zustand (Iterator, hasNext, next)

Termination

Satz: Jedes Programm aus

- Zuweisungen
- Verzweigungen
- Zählschleifen

terminiert (hält) für jede Eingabe.

Äquivalenter Begriff (für Bäume anstatt Zahlen):
strukturelle Induktion (fold, Visitor, primitive Rekursion)

Satz: es gibt berechenbare Funktionen, die nicht primitiv rekursiv sind.
Beispiel: Interpreter für primitiv rekursive Programme.

Zustandsgesteuerte Schleifen

So:

```
interface Iterator<T> {
  boolean hasNext(); T next ();  }
interface Iterable<T> {
   Iterator<T> iterator(); }
for (T x : ...) { ... }
```

Oder so:

```
public interface IEnumerator<T> : IEnumerato
  bool MoveNext(); T Current { get; } }
interface IEnumerable<out T> : IEnumerable {
   IEnumerator<T> GetEnumerator() }
foreach (T x in ...) { ... }
```

(sieben Unterschiede . . .)

Anweisungen(II)

Wiederholungen

- Maschine, Assembler: (un-)bedingter Sprung
- strukturiert: Schleifen

Designfragen für Schleifen:

- wie wird Schleife gesteuert? (Bedingung, Zähler, Daten, Zustand)
- an welcher Stelle in der Schleife findet Steuerung statt (Anfang, Ende, dazwischen, evtl. mehreres)

Zählschleifen

Idee: vor Beginn steht Anzahl der Durchläufe fest.

richtig realisiert ist das nur in Ada:

```
for p in 1 .. 10 loop ... end loop;
```

- Zähler `p` wird implizit deklariert
- Zähler ist im Schleifenkörper konstant

Vergleiche (beide Punkte) mit Java, C++, C

Datengesteuerte Schleifen

Idee: führe für jeden Konstruktor eines algebraischen Datentyps (Liste, Baum) eine Rechnung/Aktion aus.

```
foreach, Parallel.Foreach,...
```


Implizite Iteratoren in C#

```
using System.Collections.Generic;
public class it {
    public static IEnumerable<int> Data () {
        yield return 3;
        yield return 1;
        yield return 4;
    }
    public static void Main () {
        foreach (int i in Data()) {
            System.Console.WriteLine (i);
}   }   }
```

Schleifen mit Bedingungen

das ist die allgemeinste Form, ergibt (partielle) rekursive Funktionen, die terminieren nicht notwendig für alle Argumente.
Steuerung

- am Anfang: `while (Bedingung) Anweisung`
- am Ende: `do Anweisung while (Bedingung)`

Weitere Änderung des Ablaufes:

- vorzeitiger Abbruch (break)
- vorzeitige Wiederholung (continue)
- beides auch nicht lokal

Abarbeitung von Schleifen

operationale Semantik durch Sprünge:

```
while (B) A;
==>
start : if (!B) goto end;
        A;
        goto start;
end   : skip;
```

(das ist auch die Notation der autotool-Aufgabe)

Ü: `do A while (B);`

vorzeitiges Verlassen

- ... der Schleife

```
while ( B1 ) {
   A1;
   if ( B2 ) break;
   A2;
}
```

- ... des Schleifenkörpers

```
while ( B1 ) {
   A1;
   if ( B2 ) continue;
   A2;
}
```


Geschachtelte Schleifen

manche Sprachen gestatten Markierungen (Labels) an Schleifen, auf die man sich in break beziehen kann:

```
foo : for (int i = ...) {
  bar : for (int j = ...) {

    if (...) break foo;

  }
}
```

Wie könnte man das simulieren?

Sprünge

- bedingte, unbedingte (mit bekanntem Ziel)
  - Maschinensprachen, Assembler, Java-Bytecode
  - Fortran, Basic: if Bedingung then Zeilennummer
  - Fortran: dreifach-Verzweigung (arithmetic-if)
- "computed goto" (Zeilennr. des Sprungziels ausrechnen)

Sprünge und Schleifen

- man kann jedes while-Programm in ein goto-Programm übersetzen
- und jedes goto-Programm in ein while-Programm ...
- ... das normalerweise besser zu verstehen ist.
- strukturierte Programmierung = jeder Programmbaustein hat genau einen Eingang und genau einen Ausgang
- aber: vorzeitiges Verlassen von Schleifen
- aber: Ausnahmen (Exceptions)

Sprünge und Schleifen (Beweis)

Satz: zu jedem goto-Programm gibt es ein äquivalentes while-Programm.
Beweis-Idee: `1 : A1, 2 : A2; ..  5: goto 7; ..`
⇒

```
while (true) {
  switch (pc) {
    case 1 : A1 ; pc++ ; break; ...
    case 5 : pc = 7 ; break; ...
  }
}
```

Das nützt aber softwaretechnisch wenig, das übersetzte Programm ist genauso schwer zu warten wie das Original.

Schleifen und Unterprogramme

zu jedem while-Programm kann man ein äquivalentes angeben, das nur Verzweigungen (if) und Unterprogramme benutzt.

Beweis-Idee: `while (B) A;` ⇒

```
void s () {
    if (B) { A; s (); }
}
```

Anwendung: C-Programme ohne Schlüsselwörter.

Denotationale Semantik (I)

vereinfachtes Modell, damit Eigenschaften entscheidbar werden (sind die Programme P_1, P_2 äquivalent?)
Syntax: Programme

- Aktionen,
- Zustandsprädikate (in Tests)
- Sequenz/Block, if, goto/while.

Beispiel:

```
while (B && !C) { P; if (C) Q; }
```


Denotationale Semantik (II)

Semantik des Programms P ist Menge der Spuren von P.

- *Spur* $=$ eine Folge von Paaren von Zustand und Aktion,
- ein *Zustand* ist eine Belegung der Prädikatsymbole,
- jede Aktion zerstört alle Zustandsinformation.

Satz: Diese Spursprachen (von goto- und while-Programmen) sind *regulär*.
Beweis: Konstruktion über endlichen Automaten.

- Zustandsmenge $=$ Prädikatbelegungen $\times$ Anweisungs-Nummer
- Transitionen? (Beispiele)

Damit ist Spur-Äquivalenz von Programmen entscheidbar.
Beziehung zu tatsächlicher Äquivalenz?

Unterprogramme

Grundsätzliches

Ein Unterprogramm ist ein benannter Block mit einer Schnittstelle. Diese beschreibt den Datentransport zwischen Aufrufer und Unterprogramm.

- Funktion
  - liefert Wert
  - Aufruf ist Ausdruck
- Prozedur
  - hat Wirkung, liefert keinen Wert (void)
  - Aufruf ist Anweisung

Argumente/Parameter

- in der Deklaration benutzte Namen heißen (formale) *Parameter*,
- bei Aufruf benutzte Ausdrücke heißen *Argumente*

  (. . . nicht: aktuelle Parameter, denn engl. *actual* $=$ dt. tatsächlich)

Designfragen bei Parameterzuordnung:

- über Position oder Namen? gemischt?
- defaults für fehlende Argumente?
- beliebig lange Argumentlisten?

Positionelle/benannte Argumente

Üblich ist Zuordnung über Position

```
void p (int height, String name) { ... }
p (8, "foo");
```

in Ada: Zuordnung über Namen möglich

```
procedure Paint (height : Float; width : Flo
Paint (width => 30, height => 40);
```

nach erstem benannten Argument keine positionellen mehr erlaubt

code smell: lange Parameterliste,
refactoring: Parameterobjekt einführen
allerdings fehlt (in Java) benannte Notation für Record-Konstanten.

Default-Werte

C++:

```
void p (int x, int y, int z = 8);
p (3, 4, 5); p (3, 4);
```

Default-Parameter müssen in Deklaration am Ende der Liste stehen

Ada:

```
procedure P
    (X : Integer; Y : Integer := 8; Z : Inte
P (4, Z => 7);
```

Beim Aufruf nach weggelassenem Argument nur noch benannte Notation

Variable Argumentanzahl (C)

wieso geht das eigentlich:

```
#include <stdio.h>
char * fmt = really_complicated();
printf (fmt, x, y, z);
```

Anzahl und Typ der weiteren Argumente werden überhaupt nicht geprüft:

```
extern int printf
    (__const char *__restrict __format, ...)
```


Variable Argumentanzahl (Java)

```
static void check (String x, int ... ys) {
    for (int y : ys) { System.out.println (y
}

check ("foo",1,2); check ("bar",1,2,3,4);
```

letzter formaler Parameter kann für beliebig viele des gleichen Typs stehen.

tatsächlich gilt `int [] ys`,
das ergibt leider Probleme bei generischen Typen

Parameter-Übergabe (Semantik)

Datenaustausch zw. Aufrufer (caller) und Aufgerufenem (callee): über globalen Speicher

```
#include <errno.h>
extern int errno;
```

oder über Parameter.

Datentransport (entspr. Schüsselwörtern in Ada)

- in: (Argumente) vom Aufrufer zum Aufgerufenen
- out: (Resultate) vom Aufgerufenen zum Aufrufer
- in out: in beide Richtungen

Parameter-Übergabe (Implementierungen)

- pass-by-value (Wert)
- copy in/copy out (Wert)
- pass-by-reference (Verweis)
- pass-by-name (textuelle Substitution)

  selten . . . Algol68, CPP-Macros . . . Vorsicht!

Parameterübergabe

häufig benutzte Implementierungen:

- Pascal: by-value (default) oder by-reference (VAR)
- C: by-value (Verweise ggf. selbst herstellen)
- C++ unterscheidet zwischen Zeigern (*, wie in C) und Referenzen (&, verweisen immer auf die gleiche Stelle, werden automatisch dereferenziert)
- Java: primitive Typen *und* Referenz-Typen (= Verweise auf Objekte) by-value
- C#: primitive Typen und struct by-value, Objekte by-reference, Schlüsselwort `ref`
- Scala: by-value oder by-name

Call-by-name

äquivalent zu textueller Ersetzung

Algol(68): Jensen's device

```
sum (int i, int n; int f) {
  int s = 0;
  for (i=0; i<n; i++) { s += f; }
  return s;
}
int [10] a; int i; sum (i, 10, a[i]);
```


Call-by-name (Macros)

```
#define thrice(x) 3*x // gefährlich
thrice (4+y)  ==>  3*4+y
```

"the need for a preprocessor shows omissions in the language"

- fehlendes Modulsystem (Header-Includes)
- fehlende generische Polymorphie

  (⇒ Templates in C+)

weitere Argumente:

- mangelndes Vertrauen in optimierende Compiler (inlining)
- bedingte Übersetzung

Call-by-name in Scala

(für Parameter mit =>)

```
object Up {
    def If[T] (b : Boolean, yeah : => T, noh
        if (b) yeah else noh
    }
    def main(args: Array[String]) {
        var x : Int = 0; var y : Int = 0
        If (false, x = 1, y = 2)
        println (x, y)
    } }
```

Man benötigt call-by-name zur Definition von Abstraktionen über den Programmablauf.

Übung: `While` als Scala-Unterprogramm

Bedarfsauswertung

- andere Namen: (call-by-need, lazy evaluation)
- Definition: das Argument wird bei seiner ersten Benutzung ausgewertet
- wenn es nicht benutzt wird, dann nicht ausgewertet;

  wenn mehrfach benutzt, dann nur einmal ausgewertet
- das ist der Standard-Auswertungsmodus in Haskell:

  alle Funktionen und Konstruktoren sind *lazy*

  da es keine Nebenwirkungen gibt, bemerkt man das zunächst nicht . . .

  . . . und kann es ausnutzen beim Rechnen mit unendlichen Datenstrukturen (Streams)

Beispiele f. Bedarfsauswertung

- ```
  [ error "foo" , 42 ] !! 0
  [ error "foo" , 42 ] !! 1
  length [ error "foo" , 42 ]
  let xs = "bar" : xs
  take 5 xs
  ```
- Fibonacci-Folge

  ```
  fib :: [ Integer ]
  fib = 0 : 1 : zipWith (+) fib ( tail fib )
  ```
- Primzahlen (Sieb des Eratosthenes)
- Papier-Falt-Folge
  ```

```
let merge (x:xs) ys = x : merge ys xs
let updown = 0 : 1 : updown
let paper = merge updown paper
take 15 paper
```

vgl. `http://mathworld.wolfram.com/DragonCurve.html`

Aufgaben zu Parameter-Modi (I)

Erklären Sie den Unterschied zwischen (Ada)

```
with Ada.Text_IO; use Ada.Text_IO;
procedure Check is
   procedure Sub (X: in out Integer;
                  Y: in out Integer;
                  Z: in out Integer) is
   begin
      Y := 8; Z := X;
   end;
   Foo: Integer := 9;   Bar: Integer := 7;
begin
   Sub (Foo,Foo,Bar);
   Put_Line (Integer'Image(Foo));
   Put_Line (Integer'Image(Bar));
end Check;
```

(in Datei `Check.adb` schreiben, kompilieren mit `gnatmake Check.adb`)

und (C++)

```
#include <iostream>

void sub (int & x, int & y, int & z) {
  y = 8;
  z = x;
}

int main () {
   int foo = 9;
   int bar = 7;

   sub (foo,foo,bar);
   std::cout << foo << std::endl;
   std::cout << bar << std::endl;
}
```


Aufgaben zu Parameter-Modi (II)

Durch welchen Aufruf kann man diese beiden Unterprogramme semantisch voneinander unterscheiden:

Funktion (C++): (call by reference)

```
void swap (int & x, int & y)
   { int h = x; x = y; y = h; }
```

Makro (C): (call by name)

```
#define swap(x, y) \
   { int h = x; x = y; y = h; }
```

Kann man jedes der beiden von copy-in/copy-out unterscheiden?

Lokale Unterprogramme

- Unterprogramme sind wichtiges Mittel zur Abstraktion, das möchte man überall einsetzen
- also sind auch lokale Unterprogramme wünschenswert

  (Konzepte *Block* und *Unterprogramm* sollen orthogonal sein)

```
int f (int x) {
  int g (int y) { return y + 1; }
  return g (g (x));
}
```


Statische und dynamische Sichtbarkeit

Zugriff auf nichtlokale Variablen? (Bsp: Zugriff auf `X` in `F`)

```
with Ada.Text_Io; use Ada.Text_Io;
procedure Nest is
   X : Integer := 4;
   function F (Y: Integer) return Integer is
   begin return X + Y; end F;
   function G (X : Integer) return Integer is
   begin return F(3 * X); end G;
begin Put_Line (Integer'Image (G(5)));
end Nest;
```

- statische Sichtbarkeit: textuell umgebender Block (Pascal, Ada, Scheme-LISP, Haskell . . .)
- dynamische Sichtbarkeit: Aufruf-Reihenfolge ((Common-LISP), (Perl))

Frames, Ketten

Während ein Unterprogramm rechnet, stehen seine lokalen Daten in einem Aktivationsverbund (Frame).

Jeder Frame hat zwei Vorgänger:

- dynamischer Vorgänger:

  (Frame des *aufrufenden* UP) benutzt zum Rückkehren
- statischer Vorgänger

  (Frame des *textuell umgebenden* UP)

  benutzt zum Zugriff auf “fremde” lokale Variablen

Jeder Variablenzugriff hat Index-Paar (i, j):
im i-ten statischen Vorgänger der Eintrag Nr. j
lokale Variablen des aktuellen UP: Index $(0, j)$

Lokale Unterprogramme: Beispiel

```
with Ada.Text_Io; use Ada.Text_Io;
procedure Nested is
 function F (X: Integer; Y: Integer)
 return Integer is
  function G (Y: Integer) return Integer is
  begin
   if (Y > 0) then return 1 + G(Y-1);
   else return X; end if;
  end G;
 begin return G (Y); end F;
begin
 Put_Line (Integer'Image (F(3,2)));
end Nested;
```


Lokale Unterprogramme in C# und Java

in C# gibt es lokale Unterprogramme:

```
int x = 3;
Func <int,int> f = y => x + y;
Console.WriteLine (f(4));
```

in Java gibt es keine lokalen Unterprogramme, aber innere Klassen, dabei ähnliche Fragen

```
class C { class D { .. } }
```


Unterprogramme als Resultate

```
static int x = 3;
static Func<int,int> s (int y) {
    return z => x + y + z;
}
static void Main () {
    Func<int,int> p = s(4);
    Console.WriteLine (p(3));
}
```

Wenn die von $s(4)$ konstruierte Funktion p aufgerufen wird, dann wird der s-Frame benötigt, steht aber nicht mehr im Stack.

$\Rightarrow$ Die (Frames in den) Closures müssen im Heap verwaltet werden.

Lokale Klassen

- static nested class: dient lediglich zur Gruppierung

  ```
  class C { static class D { .. } .. }
  ```

- nested inner class:

  ```
  class C { class D { .. } .. }
  ```

  jedes D-Objekt hat einen Verweis auf ein C-Objekt ($\approx$ statische Kette) (bezeichnet durch `C.this`)

- local inner class: (Zugriff auf lokale Variablen in m nur, wenn diese final sind. Warum?)

  ```
  class C { void m () { class D { .. } .. } }
  ```


Flache Unterprogramme (C)

Entwurfs-Entscheidung für C:

- jedes Unterprogramm ist global

Folgerung:

- leichte Implementierung:
  - dynamischer Vorgänger $=$ der vorige Frame (auf dem Stack)
  - statischer Vorgänger: gibt es nicht
- softwaretechnische Nachteile:

  globale Abstraktionen machen Programm unübersichtlich.

Unterprogramme als Argumente

```
static int d ( Func<int,int> g ) {
    return g(g(1));               }
static int p (int x) {
    Func<int,int> f = y => x + y;
    return d (f);                 }
```

Betrachte Aufruf $p(3)$.

Das innere Unterprogramm f muß auf den p-Frame zugreifen, um den richtigen Wert des x zu finden.

Dazu *Closure* konstruieren: f mit statischem Vorgänger.

Wenn Unterprogramme als Argumente übergeben werden, steht der statische Vorgänger im Stack.

(ansonsten muß man den Vorgänger-Frame auf andere Weise retten, siehe später)

Lokale anonyme Unterprogramme

- ```
  int [] x = { 1,0,0,1,0 };
  Console.WriteLine
     (x.Aggregate (0, (a, b) => 2*a + b));
  ```
  `http://code.msdn.microsoft.com/LINQ-Aggregate-Operators-c51b3869`
- `foldl ( \ a b -> 2*a + b) 0 [1,0,0,1,0]`
  Haskell (`http://haskell.org/`)

historische Schreibweise: $\lambda ab.2a + b$

(Alonzo Church: The Calculi of Lambda Conversion, 1941)

vgl. Henk Barendregt: The Impact of the Lambda Calculus, 1997, `ftp://ftp.cs.ru.nl/pub/CompMath.Found/church.ps`

Unterprogramme/Zusammenfassung

in prozeduralen Sprachen:

- falls alle UP global: dynamische Kette reicht
- lokale UP: benötigt auch statische Kette
- lokale UP as Daten: benötigt Closures

  $=$ (Code, statischer Link)
- UP als Argumente: Closures auf Stack
- UP als Resultate: Closures im Heap

in objektorientierten Sprachen: ähnliche Überlegungen bei lokalen (inner, nested) Klassen.
  ```

Polymorphie und Objektorientierung

Definitionen

ein Bezeichner (z. B. Unterprogrammname) mit mehreren Bedeutungen

poly-morph = viel-gestaltig. Formen der Polymorphie:

- ad-hoc:
  einfaches Überladen von Bezeichnern
- parametrisch (und statisch):
  Typparameter für generische Klassen und Methoden
- dynamisch:
  Auswahl der Methoden-Implementierung durch Laufzeittyp des Objektes

JavaScript als objektbasierte Sprache

(d. h. objektorientiert, aber ohne Klassen)

Objekte, Attribute, Methoden:

```
var o = { a : 3,
  m : function (x) { return x + this.a; } };
```

Vererbung zwischen Objekten:

```
var p = { __proto__ : o };
```

Attribut (/Methode) im Objekt nicht gefunden ⇒ weitersuchen im Prototyp ⇒ . . . Prototyp des Prototyps . . .

Übung: Überschreiben

```
p.m = function (x) { return x + 2*this.a }
var q = { __proto__ : p }
q.a = 4
alert (q.m(5))
```


this

Motivation: Methode soll wissen, für welches Argument sie gerufen wurde

```
typedef struct {
    int (*data)[3];
    int (*method[5])();
} obj;
obj *o; ... (*(o->method)[3])(o);

int sum (obj *this) {
    return this->data[0] + this->data[1];
}
```

jede Methode bekommt *this* als (verstecktes) erstes Argument

Dynamische Polymorphie (OO)

```
class C {
  int x = 2; int p () { return this.x + 3; }
}
C x = new C() ; int y = x.p ();
```

Überschreiben:

```
class E extends C {
  int p () { return this.x + 4; }
}
C x =           // statischer  Typ: C
      new E() ; // dynamischer Typ: E
int y = x.p ();
```

Wo ein Objekt der Basisklasse (C) erwartet wird, kann ein Objekt einer abgeleiteten Klasse (E) benutzt werden.

Objekte, Methoden

Motivation: Objekt = Daten + Verhalten.

Einfachste Implementierung:

- Objekt ist Record,
- einige Komponenten sind Unterprogramme.

```
typedef struct {
   int x; int y; // Daten
   void (*print) (FILE *fp); // Verhalten
} point;
point *p; ... ; (*(p->print))(stdout);
```

Anwendung: Datei-Objekte in UNIX (seit 1970)

(Merksatz 1: all the world is a file) (Merksatz 2: those who do not know UNIX are doomed to re-invent it, poorly)

Klassen

gemeinsame Datenform und Verhalten von Objekten

```
typedef struct {
    int (*method[5])();
} obj;
obj *o; ... (*(o->method)[3])();
```

allgemein: Klasse:

- Deklaration von Daten (Attributen)
- Deklaration und Implementierung von Methoden

Objekt:

- tatsächliche Daten (Attribute)
- Verweis auf Klasse (Methodentabelle)

Vererbung

Klasse D abgeleitet von Klasses C:

- D kann Menge der Attribute- und Methodendeklarationen von C erweitern (aber nicht verkleinern oder ändern)
- D kann Implementierungen von in C deklarierten Methoden übernehmen oder eigene festlegen (überschreiben).

Equals richtig implementieren

```
class C {
  final int x; final int y;
  C (int x, int y) { this.x = x; this.y = y;
  int hashCode () { return this.x + 31 * thi
}
```

nicht so:

```
  public boolean equals (C that) {
    return this.x == that.x && this.y == tha
  }
```

Equals richtig implementieren (II)

. . . sondern so:

```
public boolean equals (Object o) {
  if (! (o instanceof C)) return false;
  C that = (C) o;
  return this.x == that.x && this.y == that.
}
```

Die Methode `boolean equals(Object o)` wird aus HashSet aufgerufen.
Sie muß deswegen *überschrieben* werden.
Das `boolean equals (C that)` hat den Methodenamen nur *überladen*.

Überschreiben und Überladen

- C++: Methode, die überschrieben werden darf, muß `virtual` deklariert werden
- C#: Das Überschreiben muß durch `override` angezeigt werden
- Java: alle Methoden sind virtual, deswegen ist Überschreiben von Überladen schlecht zu unterscheiden:

  Quelle von Programmierfehlern
- IDEs unterstützen Annotation `@overrides`

Statische Attribute und Methoden

für diese findet *kein* dynmischer Dispatch statt.
(Beispiele—Puzzle 48, 54)
Damit das klar ist, wird dieser Schreibstil empfohlen:

- dynamisch: immer mit Objektnamen qualifiziert, auch wenn dieser `this` lautet,
- statisch: immer mit Klassennamen qualifiziert (niemals mit Objektnamen)

Generische Polymorphie

parametrische Polymorphie:

- Klassen und Methoden können Typ-Parameter erhalten.
- innerhalb der Implementierung der Klasse/Methode wird der formale Typ-Parameter als (unbekannter) Typ behandelt
- bei der Benutzung der Klasse/Methode müssen alle Typ-Argumente angegeben werden

  (oder der Compiler inferiert diese in einigen Fällen)
- separate Kompilation (auch von generischen Klassen) mit statischer Typprüfung

Überladen

- wenn mehrere Methoden gleiche Namens sichtbar sind,

  wird die vom *passenden* Typ ausgewählt.
- wenn mehrere vom passenden Typ sichtbar sind (z. B. wegen Vererbungs-Beziehungen),

  dann wird die mit dem *spezifischsten* Typ ausgewählt
- . . . falls das genau eine ist (ein minimales Element in der entsprechenden Halbordnung)— sonst Fehler

Vererbung bricht Kapselung

```
class C {
   void p () { ... q(); ...  };
   void q () { .. };
}
```

Jetzt wird `q` überschrieben (evtl. auch unabsichtlich—in Java), dadurch ändert sich das Verhalten von `p`.

```
class D extends C {
   void q () { ... }
}
```

Man muß beim Programmieren von `D` wissen, wie `C.p()` implementiert ist!

Lokale Klassen

- static nested class: dient lediglich zur Gruppierung

  ```
  class C { static class D { .. } .. }
  ```
- nested inner class:

  ```
  class C { class D { .. } .. }
  ```

  jedes D-Objekt hat einen Verweis auf ein C-Objekt ($\approx$ statische Kette) (bezeichnet durch `C.this`)
- local inner class: (Zugriff auf lokale Variablen in m nur, wenn diese final sind. Warum?)

  ```
  class C { void m () { class D { .. } .. } }
  ```


Bsp: Generische Klasse in Java

```
class Pair<A,B> {
  final A first; final B second;
  Pair(A a, B b)
    { this.first = a; this.second = b; }
}
Pair<String,Integer> p =
    new Pair<String,Integer>("foo", 42);
int x = p.second + 3;
```

vor allem für Container-Typen (Liste, Menge, Keller, Schlange, Baum, . . .)

Bsp: Generische Methode in Java

```
class C {
  static <A,B> Pair<B,A> swap (Pair<A,B> p)
    return new Pair<B,A>(p.second, p.first);
  }
}
Pair<String,Integer> p =
    new Pair<String,Integer>("foo", 42);
Pair<Integer,String> q = C.swap(p);
```

bei Benutzung werden Typargumente inferiert
in C#: Typargumente könne auch angegeben werden.

```
Pair<Integer,String> q =
    C.swap<String,Integer>(p);
```


Schranken für Typparameter (I)

- kovariant: `<T extends S>`

  als Argument ist jeder Typ T erlaubt, der S implementiert

```
interface Comparable<T>
    { int compareTo(T x); }
static <T extends Comparable<T>>
    T max (Collection<T> c) { .. }
```


Schranken für Typparameter (II)

- kontravariant: `<S super T>`

  Als Argument ist jeder Typ S erlaubt, der Obertyp von T ist.

```
static <T> int binarySearch
   (List<? extends T> list, T key,
   Comparator<? super T> c)
```


Anonyme Typen (Wildcards)

Wenn man einen generischen Typparameter nur einmal braucht, dann kann er `?` heißen.

```
List<?> x = Arrays.asList
    (new String[] {"foo","bar"});
Collections.reverse(x);
System.out.println(x);
```

jedes Fragezeichen bezeichnet einen anderen (neuen) Typ:

```
List<?> x = Arrays.asList
    (new String[] {"foo","bar"});
List<?> y = x;
y.add(x.get(0));
```


Wildcards und Bounds

```
List<? extends Number> z =
    Arrays.asList(new Double[]{1.0, 2.0});
z.add(new Double(3.0));
```


Typinformation zur Laufzeit

- (Java) nicht vorhanden (type erasure), die Collection weiß nicht, welches ihr Elementtyp ist
- (C#) ist bekannt

Typen haben aber verschiedene Repräsentationen (verschieden primitive, Verweistypen), also:

- Java: alle Typparameter müssen Verweistypen sein (ggf. (Auto)boxing); nur eine Instanz der Collection
- C#: beliebige Typen gestattet (auch primitive); dafür dann mehrere Instanzen.

Generics und Subtypen

Warum geht das nicht:

```
class C { }

class E extends C { void m () { } }

List<E> x = new LinkedList<E>();

List<C> y = x; // Typfehler
```

Antwort: wenn das erlaubt wäre, dann:

Generics und Arrays

das gibt keinen Typfehler:

```
class C { }
class E extends C { void m () { } }

E [] x = { new E (), new E () };
C [] y = x;

y [0] = new C ();
x [0].m();
```

aber . . . (Übung)

Generics und Arrays (II)

warum ist die Typprüfung für Arrays schwächer als für Collections?

Historische Gründe. Das sollte gehen:

```
void fill (Object[] a, Object x) { .. }
String [] a = new String [3];
fill (a, "foo");
```

Das sieht aber mit Generics besser so aus: . . .

Id: eindeut.tex,v 1.1 2011-10-11 18:13:54 waldmann Exp