

Das System autotool zur automatischen Kontrolle von Übungsaufgaben zur (Theoretischen) Informatik

Mirko Rahn, Uni Karlsruhe

Alf Richter, Uni Leipzig

Johannes Waldmann, HTWK Leipzig

Typische Anwendung

Problem (Bsp: 3SAT)

- Instanz: eine Formel in 3-KNF
- Lösung: eine erfüllende Belegung

ablauf mit autotool :

- Tutor konfiguriert Generator
- autotool würfelt Instanz (für jeden Studenten eine andere)
- Student gibt (vermutete) Lösung ein
- autotool verifiziert Lösung, gibt ausführlichen Bericht (sofort)

Bestandteile des autotool

- Semantik-Module
(Automaten, Grammatiken, Graphen, ...)
- Generatoren für Aufgaben
- Korrektoren für Einsendungen
- Datenbank
für Konfiguration der Aufgaben bzw. Generatoren,
erreichte Punkte
- Web-Schnittstelle
für Studenten (seit 2003), Tutoren (seit 2004)

Wertung von Aufgaben

Aufgaben markieren als

- Demo (zu leicht, illustrieren Prinzip)
- Mandatory (Pflicht, Einsenden einer korrekten Lösung innerhalb der Deadline genügt)
- Optional (zu schwer, zum Basteln, Highscore)

Student kann auch außerhalb der Deadlines

- Aufgaben bearbeiten (wird korrigiert, nicht gespeichert)
- vorige Bewertung ansehen

• nützlich z. B. zur Prüfungsvorbereitung

Aufgabenbereiche

- formale Sprachen:
Grammatiken (alle Chomsky-Typen), reguläre Ausdrücke
- Automaten/Berechnungsmodelle:
endlich (Wort, Baum), Keller, Turing, Registermaschine,
(primitiv) rekursive Funktionen
- Graphen: Parameter, Färbungen, Wege, ...
- diskrete Mathematik und Logik: Zahlensysteme, ...
- Datenstrukturen: Suchbäume, ...

autotool als Verifizierer

- Der Idealfall sind Probleme aus NP (z. B. 3SAT):
 - Student muß lange überlegen/suchen (N)
 - autotool kann schnell verifizieren (P)
- Manchmal sind die Lösungen länger (PCP)
- oder das Verifizieren dauert länger (Äquivalenz regulärer Ausdrücke)
- Manchmal kann man nicht verifizieren, sondern nur testen (Äquivalenz von CFG).

eröffnet immer viele Möglichkeiten für Diskussionen mit Studenten über Berechenbarkeit und Komplexität

Wichtige Datentypen

(für Automaten und Sprachen)

- endlicher Automat, Kellerautomat
- Grammatik
- regulärer Ausdruck

repräsentation möglichst nahe an der
mathematischen Wahrheit,

statt Tupel benutze Strukturen mit benannten
Komponenten,

geschweifte Klammern sind dafür reserviert,

beswegen Mengen als `mkSet [1, 2, 3]`

Endliche Automaten

```
A { alphabet = mkSet "ab" , states = mkSet [ 1, 2, 3 ]  
  , starts = mkSet [ 2 ] , finals = mkSet [ 2 ]  
  , trans = collect  
    [ ( 1, 'a', 2 ), ( 2, 'a', 1 )  
      , ( 2, 'a', 3 ), ( 2, 'b', 3 ), ( 3, 'b', 2 )  
    ]  
}
```

igenschaften (für Test der Einsendungen und ggf.
onfiguration der Generatoren)

Min_Size Int | Max_Size Int

Alphabet (Set c)

Deterministic | Minimal | Complete | Reduced

Reguläre Ausdrücke

$(ba)^* + (bb)^* + (ab)^*$

Definition:

- atomar: Buchstabe oder Name (Σ , A)
- zusammengesetzt mit Operationen:
Verkettung (\cdot), Vereinigung $+$, Durchschnitt $\&$,
Differenz $-$, symmetrische Differenz $\langle \rangle$, Shuffle $\$$,
Quotienten $\backslash, /$, Potenzen $^{\text{int}}, ^*, ^+$

Eigenschaften:

```
Min_Size Int | Max_Size Int | Alphabet ( Set
| Simple -- nur Plus, Mal, Stern
| Extended -- alles
```

Grammatiken

```
Grammatik { terminale = mkSet "01"  
           , variablen = mkSet "ST"  
           , start = 'S'  
           , regeln = mkSet [ ( "S", "" ), ( "S", "TOS" ), ( "T", "11" )  
                             ]  
           }
```

Eigenschaften:

- monoton, kontextsensitiv, kontextfrei, linear, rechts/links-linear,
- für CFG: epsilon-frei, ketten-frei, Chomsky-normal, Greibach-normal
- eindeutig (natürlich nur Test)

Eine clevere Lösung

Aufgabe war: finde (kleine) CFG für

$= \Sigma^* \setminus \{ww \mid w \in \Sigma^*\}$ für $\Sigma = \{0, 1\}$.

Die wesentliche Idee der Lösung ist:

- $L \rightarrow AB, L \rightarrow BA$ (start)
- $A \rightarrow 0, A \rightarrow SAS$ (in der Mitte eine 0)
- $B \rightarrow 1, B \rightarrow SBS$ (in der Mitte eine 1)
- $S \rightarrow 0, S \rightarrow 1$ (ein beliebiges Zeichen)

Jetzt fehlt aber noch etwas triviales.

Wie schafft man das mit nur zwei (nicht drei) weiteren Regeln?

Einsatz in Lehrveranstaltungen

- Automaten und Sprachen (Uni Leipzig, 2001–2004)
- Berechenbarkeit und Komplexität (Uni L)
- Automaten und Sprachen im Compilerbau (HTWK Leipzig, 2003–)
- Automaten und Sprachen in Grundlagen der Informatik (Nebenfach) (HTWK L)
- Datenstrukturen, diskrete Mathematik in Grundlagen der Informatik (Nebenfach) (HTWK L)
- Datenstrukturen, disk. Math. in Grundl. Inf. (Nebenfach) (Uni Karlsruhe, 2005)

Erfahrungen

- autotool zur Unterstützung des Übungsbetriebes.
- wird von Studenten gut angenommen,
- sie sind erfreut über sofortige und ausführliche Antwort.
- Highscore-Wertung (mit Preisen) schafft zusätzlichen Anreiz
- etwa die Hälfte der Aufgaben mit autotool korrigieren (spart HiWis) (... die andere Hälfte sind Beweis-Aufgaben)

Installation, Nutzung

Separate Installation benötigt

- halbwegs schnellen Rechner mit GNU/Linux, Apache Webserver, GHC-Compiler, MySQL-Datenbankserver (...theo1)
- dafür Administrator, der System und Datenbank einrichtet und im Betrieb bei Bedarf Patches einspielt und kompiliert

Einfacher ist wohl die Benutzung eines gemeinsamen `totool`-Servers durch mehrere Einrichtungen (Uni und HTWK)

autotool intern

implementiert in Haskell (purely functional, strictly typed, polymorphic, lazy)

von Waldmann, Rahn, Richter seit ca. 2001

einige Teile waren Belegarbeiten für Vorlesung funktionale Programmierung (Gerber)

Umfang:

- Bibliothek (allg. Datenstrukturen und endliche Automaten): 300 Module, 15 kLOC;
- Tool: 600 Module, 45 kLOC

100 Zeilen pro Arbeitstag (Fred Brooks, 1972) → ...)

Weiterentwicklung

- derzeit Waldmann (Leipzig) und Rahn (Karlsruhe) nach „Eigenbedarf“
- Bibliothek nachgenutzt für Matchbox (180 Module, 15 kLOC) (findet Beweise für Termination von Wort- und Termersetzungssystemen)

r systematische Weiterentwicklung und Aufräum-Arbeiten (Oberfläche, Dokumentation):
benötigen HiWis oder Diplomanden mit Kenntnissen in funktionaler Programmierung
(Vorlesung ab SS06 an HTWK)